

تفوق في دراستك
الثانوية باستخدام حاسبات كاسيو



إعداد : دكتور لؤي أحمد وزان

الكتيب هدية
مجانية

مقدمة

هذا الكتيب لا يهدف إلى شرح كل الوظائف الـ ٤١٧ كما وصفت في دليل المستخدم لألة كاسيو fx-991 ES Plus لأن هذا الهدف منجز في دليل المستخدم المصاحب للألة. ولكن هناك عامل مهم لا يخبرك به الدليل وهو متى وأين يمكنك إستخدام أحد هذه الوظائف.

لذلك، فإن هذا الكتيب سيعالج هذا الخلل والعجز عن طريق شرح المهام والمسائل التي من خلالها يتم إستخدام وظيفه أو أكثر من هذه الوظائف.

يتكون هذا الكتيب من عشرة فصول تتناول الكثير من المفاهيم والمسائل الرياضية والإحصائية التي حاولنا تناولها بطريقة سهلة ومشوقة للطالب حيث عرضت على شكل جداول تتكون من ثلاثة أعمدة، يوضح العمود الأول: شرح العملية، و الثاني: يوضح المفاتيح التي ينبغي إستخدامها، والثالث: يبين ما يظهر على الشاشة.

والله الموفق والمستعان، وصلى الله على خير الأنام محمد وآله وصحبه وسلم أعظم السلام.

وفي الختام، أود أن أتوجه بالشكر الجزيل لكل من سعادة الأستاذ محمد علي باصرة مدير قسم كاسيو في شركة أبار، والأستاذ محمد عطيه حسن مسئول الدعاية والإعلان لتقديمهم الدعم اللازم لإنجاز هذا الكتيب.

كما أود أن أشكر كل من طالبي الماجستير محمد سالم وشفيق غالب اللذين أقوم بالإشراف عليهما لمساعدتي في إنجاز هذا الكتيب.

والله أسأل ان يجعل هذا العمل مفيدا ونافعا لجميع الطلبة والطالبات في جميع المراحل الدراسية.

د. لؤي بن أحمد وزان

جدة، المملكة العربية السعودية

شعبان ١٤٣١هـ

المحتويات

الفصل الأول	٦ -
١ - الحسابات السهلة في الوضع (النظام) الرياضي	٦ -
١-١ إعادة تعيين الآلة الحاسبة إلى الإعدادات الافتراضية الأولية:	٦ -
١-٢ طريقة إدخال الكسور:	٦ -
١-٣ طريقة إدخال عملية حسابية طويلة:	٧ -
1-٤ حساب العملية الحسابية:	٨ -
١-٥ استخدم النتيجة المخزنة بذاكرة الإجابة (Ans) كرقم ابتدائي لعملية حسابية أخرى:	٨ -
1-٦ التحويل من صيغة الكسر الاعتيادي الذي فيه قيمة البسط أكبر من قيمة المقام إلى صيغة بها رقم إلى جانب كسر اعتيادي فيه قيمة البسط أقل من المقام أو إلى صيغة أرقام عشرية:	٨ -
١-٧ استخدم النتيجة المخزنة بذاكرة الإجابة (Ans) كجزء من عملية حسابية أخرى:	٩ -
١-٨ استدعي الحسابات السابقة المخزنة بالذاكرة:	٩ -
١-٩ تغيير البيانات "القديمة":	١٠ -
١-١٠ استخدام الذاكرة المستقلة (M):	١١ -
الفصل الثاني	١٣ -
٢ - الحسابات والجداول	١٣ -
٢-١ عمل أو إخراج الجداول:	١٣ -
٢-٢ استعراض قيم الدالة في جدول:	١٤ -
٢-٣ التنقل خلال الجدول:	١٥ -
٢-٤ إخراج أو عمل جدول آخر:	١٥ -
٢-٥ حساب قيم الدالة المستقلة عن طريق مفتاح الحسابات:	١٦ -
٢-٦ حساب قيم دالة أخرى عن طريق مفتاح الحساب:	١٧ -
الفصل الثالث	١٨ -
٣-١ انحدار المربعات الصغرى - المعادلات (الجزء الأول) - الحل (الجزء الأول)	١٨ -
٣-١-١ إدخال قيم الدالة لحساب انحدار المربعات الصغرى:	١٨ -
٣-٢ حساب الانحدار:	٢٠ -

- ٣-٣ حل المعادلات الصفرية الجزء ١: - ٢١ -
- ٣-٤ حل المعادلات الصفرية الجزء ٢: - ٢٣ -
- ٣-٥ حساب مباشر للنواتج في صورة رقم عشري: - ٢٤ -
- الفصل الرابع** - ٢٥ -
- ٤- حساب التفاضل - ٢٥ -
- ٤-١ إخراج وعمل جدول: - ٢٥ -
- ٤-٢ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ١): - ٢٦ -
- ٤-٣ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ٢): - ٢٧ -
- ٤-٤ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ٣): - ٢٨ -
- ٤-٥ تغيير البيانات / استخدام المتغيرات: - ٢٩ -
- ٤-٦ تغيير محتويات المتغير: - ٣٠ -
- ٤-٧ تغيير البيانات / استخدام المتغيرات: - ٣٠ -
- ٤-٨ حساب قيم الدالة بواسطة مفتاح CALC: - ٣٢ -
- ٤-٩ استخدام العملية التفاضلية: - ٣٣ -
- ٤-١٠ حساب أصفار المعادلات: - ٣٤ -
- ٤-١١ حساب أصفار المعادلات: - ٣٥ -
- الفصل الخامس** - ٣٦ -
- ٥- عملية الجمع - عملية التكامل - ٣٦ -
- ٥-١ الحساب بواسطة CALC و الذاكرة M: - ٣٦ -
- ٥-٢ الحسابات بواسطة المجاميع: - ٣٧ -
- ٥-٣ تغيير البيانات: - ٣٨ -
- ٥-٤ استخدام المتغيرات: - ٤٠ -
- ٥-٥ تغيير المتغيرات: - ٤١ -
- ٥-٦ الحسابات بواسطة التكامل: - ٤١ -
- ٥-٧ تغيير حدود التكامل (الجزء ١): - ٤٢ -
- ٥-٨ تغيير حدود التكامل (الجزء ٢): - ٤٣ -
- الفصل السادس** - ٤٤ -

- ٦ - حل المعادلات (الجزء الثاني)..... - ٤٤ -
- ٦-١ حل نظام المعادلات بواسطة حلال المعادلات: - ٤٤ -
- ٦-٢ إخراج قيم دالة ما في جدول: - ٤٥ -
- ٦-٣ حل معادلات من الدرجة الثالثة: - ٤٦ -
- ٦-٤ حل المعادلات بواسطة صيغة نيوتن: - ٤٧ -
- ٦-٥ التنفيذ اليدوي للتكرار : - ٤٩ -
- ٦-٦ صيغة نيوتن بدون استخدام مشتقة الدالة:..... - ٤٩ -
- ٦-٧ حل المعادلات الصفرية باستخدام الأمر حل (solve): - ٥٠ -
- ٦-٨ حل المعادلات الصفرية: - ٥١ -
- ٦-٩ اختبار الجزء الثاني من الشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل : - ٥١ -
- ٦-١٠ حل قيمة المعادلة بـ CALC : - ٥٢ -
- ٦-١١ حل معادلة الدرجة الثالثة:..... - ٥٣ -
- Error! Bookmark not defined. $x^3 + x^2 + x + c = 0$
- ٦-١٢ اختبار الجزء الثاني من الشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل : - ٥٣ -
- ٦-١٣ حل قيمة المعادلة بـ CALC : - ٥٤ -
- الفصل السابع..... - ٥٥ -
- ٧-١ الانحدار الآسي - ٥٥ -
- ٧-١ إدخال قيم دالة الانحدار الآسي : - ٥٥ -
- ٧-٢ إجراء (عمل) الانحدار : - ٥٦ -
- ٧-٣ حل المعادلات الآسية باستخدام الأمر حل (solve): - ٥٧ -
- ٧-٤ حساب قيمة الدالة بواسطة الـ CALC : - ٥٨ -
- ٧-٥ حل المعادلة الآسية باستخدام الأمر حل (solve):..... - ٥٨ -
- ٧-٦ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل: - ٥٩ -
- ٧-٧ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل (القيمة المضبوطة):..... - ٦٠ -
- ٧-٨ حساب قيمة المعادلة بواسطة الـ CALC:..... - ٦٠ -
- ٧-٩ حساب قيمة المعادلة بواسطة الـ CALC:..... - ٦١ -
- ٧-١٠ إخراج القيم في جدول: - ٦١ -

- ٧- ١١ حلُ المعادلة الآسية بواسطة الأمر حل (solve):..... - ٦٢ -
- ٧- ١٢ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل:..... - ٦٣ -
- ٧- ١٣ حساب قيمة الدالة بواسطة الـ CALC:..... - ٦٣ -
- ٧- ١٤ حساب المساحة المغلقة:..... - ٦٤ -

٨- الفصل الثامن..... - ٦٥ -

٨- المتجهات..... - ٦٥ -

- ٨- ١ التحول إلى نظام المتجهات، وأدخال أول متجه:..... - ٦٥ -
- ٨- ٢ إدخال المزيد من المتجهات:..... - ٦٦ -
- ٨- ٣ طرح المتجهات:..... - ٦٧ -
- ٨- ٤ إدخال وطرح متجه واحد:..... - ٦٨ -
- ٨- ٥ حل نظام المعادلات ذو الثلاثة المجاهيل:..... - ٦٨ -
- ٨- ٦ جمع المتجهات وضربها برقم عددي:..... - ٧٠ -
- ٨- ٧ استخدام نتيجة المتجه المخزنة في عملية الطرح:..... - ٧١ -
- ٨- ٨ الحسابات بواسطة القيم المطلقة للمتجه:..... - ٧١ -
- ٨- ٩ الحسابات باستخدام حاصل الضرب الاتجاهي :..... - ٧٣ -
- ٨- ١٠ قسمة المتجه على رقم عددي:..... - ٧٣ -
- ٨- ١١ حساب مقدار المتجه:..... - ٧٤ -
- ٨- ١٢ حساب الزاوية باستخدام ضرب المتجهات:..... - ٧٥ -

٩- الفصل التاسع..... - ٧٧ -

٩- المصفوفات..... - ٧٧ -

- ٩- ١ التحول إلى نظام المصفوفات، ووضع مدخلات أول مصفوفة:..... - ٧٧ -
- ٩- ٢ إدخال قيم مصفوفات أخرى:..... - ٧٨ -
- ٩- ٣ ضرب المصفوفات :..... - ٧٩ -
- ٩- ٤ استخدام ذاكرة الإجابة للمصفوفات (MatAns):..... - ٨٠ -
- ٩- ٥ استخدام ذاكرة الحسابات السابقة في حسابات المصفوفات :..... - ٨٠ -
- ٩- ٦ رفع المصفوفة لاس:..... - ٨١ -
- ٩- ٧ تخزين المصفوفات:..... - ٨٢ -

- ٨-٩ الحسابات بواسطة المصفوفات: - ٨٣ -
- ٩-٩ طرح المصفوفات: - ٨٤ -
- ٩-١٠ تغيير أبعاد المصفوفة: - ٨٥ -
- ٩-١١ قسمة المصفوفات: - ٨٦ -
- الفصل العاشر - ٨٧ -
- ١٠-١ معاملات ثنائية القيمة (معادلة من الدرجة الثانية) - عملية الجمع - الوضع (النظام) الإحصائي- الحساب - المحددات - ٨٧ -
- ١٠-١ إخراج القيم في جدول: - ٨٧ -
- ١٠-٢ حساب مجموع الاحتمالات: - ٨٩ -
- ١٠-٣ ضبط حدود المجموع: - ٩٠ -
- ١٠-٤ حساب الانحراف المعياري: - ٩١ -
- ١٠-٥ الحساب بفترة الثقة 90%: - ٩١ -
- ١٠-٦ حساب مجموع الاحتمالات: - ٩٢ -
- ١٠-٧ حساب الانحراف المعياري: - ٩٢ -
- ١٠-٨ الحساب بفترة الثقة 90%: - ٩٢ -
- ١٠-٩ حساب حدود فترة الثقة: - ٩٣ -
- ١٠-١٠ حساب المتوسط والانحراف المعياري: - ٩٤ -
- ١٠-١١ الحساب بفترة الثقة 95%: - ٩٦ -
- ١٠-١٢ حل نظام المعادلات بالحل الواضح الجلي: - ٩٦ -
- ١٠-١٣ حل نظام معادلات لها عدد لا نهائي من الحلول: - ٩٧ -
- ١٠-١٤ حساب محددات المصفوفة: - ٩٨ -
- ١٠-١٥ حل معادلات مختلفة: - ٩٩ - ١٠٠ -


الفصل الأول

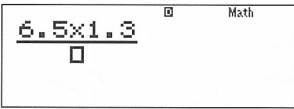
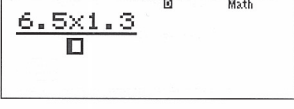

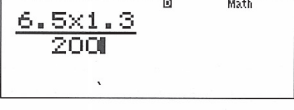
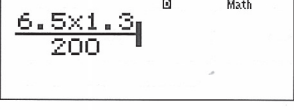
١ - الحسابات السهلة في الوضع (النظام) الرياضي

١-١ إعادة تعيين الآلة الحاسبة إلى الإعدادات الافتراضية الأولية:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>ماذا تريد أن تمسح ؟ ١: الإعدادات ٢: الذاكرة ٣: كل شيء</p>	L9	- استدعي قائمة المسح.
<p>هل تريد مسح الإعدادات؟ [=] : تعني موافق [AC] : تعني إلغاء المسح.</p>	1	- وما إن تكون في هذه القائمة، اختر رقم ١، أي "الإعدادات".
<p>تم ثم اضغط على مفتاح [AC]</p>	[=]	- تأكيد عن طريق الضغط "=" (التي تعني موافق).
<p>Math</p>	[AC]	- تأكيد بالضغط على مفتاح AC.

٢-١ طريقة إدخال الكسور:

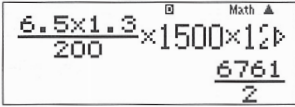


ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>Math</p>		- الآن أدخل الكسر $\frac{6.5 \times 1.3}{200}$ - في الآلة الحاسبة ماركة -fx- 991 نجد أن شكل الكسر يظهر في "صورة الكسر الاعتيادي". - ابدأ بعلامة الكسر.

	6.5 <input checked="" type="checkbox"/> 1.3	- الآن أدخل قيمة البسط
	N	- ولذهاب إلى المقام، استخدام المفتاح 
	200	- الآن أدخل قيمة المقام
	\$	- بعد الضغط على مفتاح \$، اذهب إلى سطر الكسر الاعتيادي، وبعد ذلك يمكنك وضع عمليات إضافية.

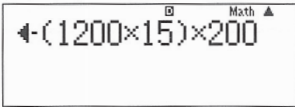
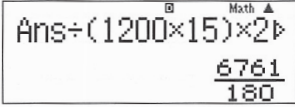


٣-١ طريقة إدخال عملية حسابية طويلة:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	m15 00m 12+ 160 + 420 m5+ 180 +4m 45	يجب عليك استكمال البيانات، وبالتالي العملية الحسابية تصبح $\frac{6.5 \times 1.3}{200} \times 1500 \times 12 + 160 + 420 \times 5 + 180 + 4 \times 45$ وفي النهاية يمكن أن يظهر المقدار على سطر واحد.

1- ٤ حساب العملية الحسابية:

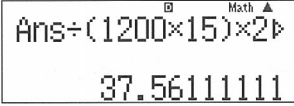
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>ولحساب العملية الحسابية، فهذا يعني، أننا نريد أن نحصل على نتيجة هذا المقدار، لذلك اضغط المفتاح .</p>

١- ٥ استخدم النتيجة المخزنة بذاكرة الإجابة (Ans) كرقم ابتدائي لعملية حسابية أخرى: (توضيح: ذاكرة الإجابة هي المكان الذي يُخزن به مباشرة النتيجة النهائية لعملية حسابية سابقة لكي يمكن استخدام هذه النتيجة في عملية تالية مباشرة بدون كتابة النتيجة النهائية مرة ثانية)



ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>Mj 120 0m1 5km 200</p>	<p>- ببساطة نبدأ العملية الحسابية الجديدة بعملية القسمة وأدخل قيمة المقسوم عليه.</p>
		<p>- احسب نتيجة العملية الجبرية وذلك بالضغط على مفتاح .</p>

1- ٦ التحويل من صيغة الكسر الاعتيادي الذي فيه قيمة البسط أكبر من قيمة المقام إلى صيغة بها رقم إلى جانب كسر اعتيادي فيه قيمة البسط أقل من المقام أو إلى صيغة أرقام عشرية:

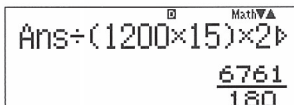
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p> </p>	<p>- يمكنك تحويل الكسر الاعتيادي الذي فيه قيمة البسط أكبر من قيمة المقام إلى صيغة رقم بجانب كسر اعتيادي فيه قيمة البسط أقل من</p>

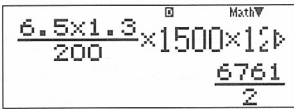


		المقام وذلك باستخدام وظائف مفاتيح التبديل عن طريق الضغط على مفتاح SHIFT ، ثم الضغط على مفتاح S/D .
	S/D	- وستحصل على صيغة أرقام عشرية لهذا الكسر الاعتيادي الذي فيه قيمة البسط أكبر من قيمة المقام مباشرة إذا ضغطت على مفتاح S/D وبدون الضغط على مفتاح SHIFT

٧ - ١ استخدم النتيجة المخزنة بذاكرة الإجابة (Ans) كجزء من عملية حسابية أخرى:

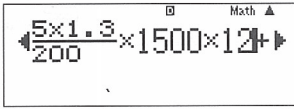


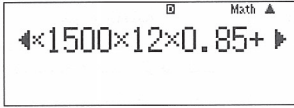
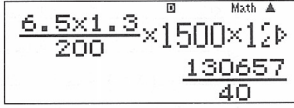


ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	300 0M Ans m 100	- أولاً، ببساطة أدخل الرقم المراد قسمته، ثم اضغط على مفتاح القسمة، ثم ضع المقسوم عليه ألا وهو النتيجة المخزنة بذاكرة الإجابة (Ans) لذلك استدعي ذاكرة الإجابة (Ans). واضغط على مفتاح الضرب وادخل قيمة المعامل بـ 100
	=	- نحسب نتيجة هذه العملية الحسابية بالضغط على مفتاح = .

٨ - ١ استدعي الحسابات السابقة المخزنة بالذاكرة:

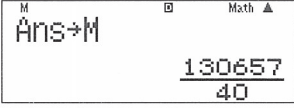

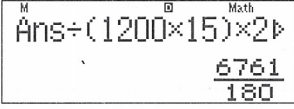


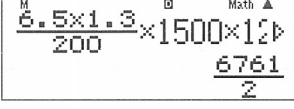










ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	▲	- اضغط على مفتاح ▲ . عندئذٍ ستحصل على نتيجة متوسط التكلفة المحسوبة. (وهي قد حسبت سابقاً ومخزنة).

		<p>- مرة ثانية اضغط على مفتاح . والآن يمكنك أن ترى العملية الحسابية الممتدة لأجمالي التكاليف السنوية.</p>
---	---	--

٩-١ تغيير البيانات "القديمة":

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>٢٠ مرة </p>	<p>- اضغط مفتاح  ٢٠ مرة. ثم حرك المؤشر إلى خلف الرقم 12، حيث ينتهي أول رقم أضيف.</p>
	<p>m0 . 85</p>	<p>- الآن يمكنك إجراء عملية الضرب وإدخال المعامل 0.85</p>
		<p>- احسب نتيجة العملية الحسابية بالضغط على مفتاح </p>

١٠ - ١ استخدام الذاكرة المستقلة (M):

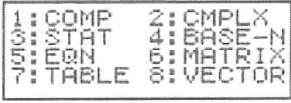

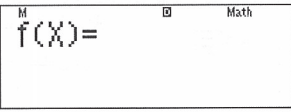


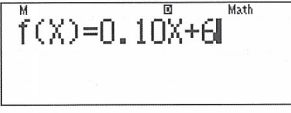



ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- خزن نتيجة آخر عملية حسابية قمت بها والتي تم وضعها بالفعل داخل الذاكرة المستقلة (M). وهذه ستمحو وتحل محل أي قيمة موجودة في هذه الذاكرة.</p>
	<p>اضغط ٤ مرات على </p>	<p>- اضغط مفتاح  ٤ مرات، لتستدعي حساب إجمالي التكاليف السنوية ونتيجتها.</p>
		<p>- مرة ثانية احسب نتيجة العملية الحسابية بالضغط على مفتاح . وهذه النتيجة ستوضع وتخزن داخل حسابات الذاكرة التاريخية.</p>
		<p>- الآن محتويات الذاكرة المستقلة (M) سوف تُطرح من محتويات حسابات الذاكرة التاريخية. وتصل إلى ذلك عن طريق إجراء عملية الطرح . عندئذٍ المحتويات المتبقية لحسابات الذاكرة التاريخية ستعرض على الشاشة. ويمكنك استدعاء محتويات الذاكرة المستقلة (M) بالضغط على المفاتيح   بالتوالي.</p>
		<p>- احسب نتيجة العملية الحسابية بالضغط على مفتاح .</p>

<p>M Math ▲</p> <p>Ans-M</p> <p style="text-align: right;">114.075</p>	<p>$\boxed{S+D}$</p>	<p>- وعن طريق الضغط على مفتاح $\boxed{S+D}$، تحول الكسر إلى رقم عشري.</p>
<p>M Math ▲</p> <p>Ans+15</p>	<p>M15</p>	<p>- اقسام الناتج على 15.</p>
<p>M Math ▲</p> <p>Ans+15</p> <p style="text-align: right;">$\frac{1521}{200}$</p>	<p>$\boxed{=}$</p>	<p>- احسب ناتج العملية الحسابية بالضغط على مفتاح $\boxed{=}$.</p>
<p>M Math ▲</p> <p>Ans+15</p> <p style="text-align: right;">7.605</p>	<p>$\boxed{S+D}$</p>	<p>- وعن طريق الضغط على مفتاح $\boxed{S+D}$، تحول الكسر إلى رقم عشري.</p>

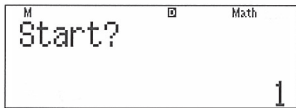


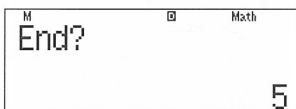




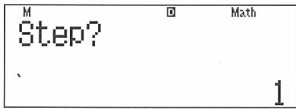








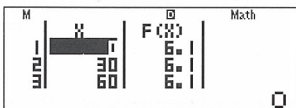


الفصل الثاني

٢ - الحسابات والجداول

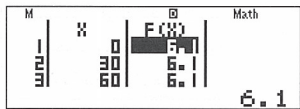


١-٢ عمل أو إخراج الجداول:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أولاً، اسندعي القائمة لتغيير نظام الحساب.
		- اذهب إلى نظام الجداول، وتختاره بالضغط على مفتاح  .
	0.1 0ak +6	- الآن يمكنك إدخال معادلة لتعريف A: $F(x) = 0.10x + 6$ - أدخل 0.10 . ثم لإدخال x اضغط على مفتاح  ثم على مفتاح  . وعندما تضغط على مفتاح  الموجود أعلى اليمين، فيمكنك عندئذٍ استخدام وظائف المفاتيح الملونة باللون الأحمر.

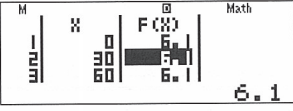


- ١: الوضع الرياضي
 ٢: النظام العددي
 ٣: النظام الإحصائي
 ٤: أنظمة العد
 ٥: حل معادلات مختلفة
 الدرجات.
 ٦: مصفوفات
 ٧: الجداول
 ٨: متجهات

		<p>- انهي المعادلة، واضغط على مفتاح .</p>
	 	<p>- سيطلب منك إدخال القيمة الأولية، فتضغط على مفتاح  وتؤكد على ذلك بالضغط على مفتاح .</p>
	   	<p>- ستظهر نافذة لتطلب إدخال القيمة النهائية. وفي هذه الحالة أدخل الرقم    ثم أكد على ذلك بالضغط على مفتاح .</p>
	 30	<p>- وأخيراً، خطوة الإضافة، وهذه الإضافة ستكون في 03مثالنا، . ثم أكد على ذلك أيضاً بالضغط على مفتاح .</p>

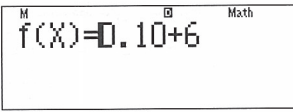


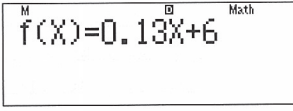





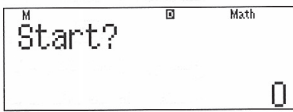


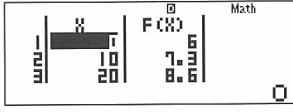


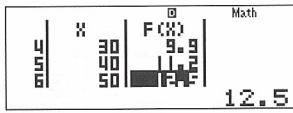




٢-٢ استعراض قيم الدالة في جدول:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- عندما تحرك المؤشر بالضغط على مفتاح  إلى عمود $f(x)$، فنجد أن القيمة المساوية للدالة تظهر في الأسفل على اليمين من الشاشة.</p>

٣-٢ التنقل خلال الجدول:

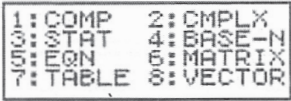



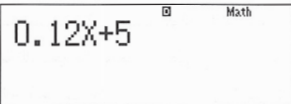
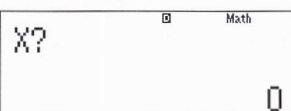



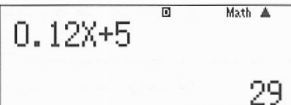
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- الآن يمكنك رؤية كل قيم الدالة المحسوبة بواسطة الضغط على مفتاح  عدة مرات

٤-٢ إخراج أو عمل جدول آخر:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- اضغط على مفتاح  وذلك حتى يمكنك إجراء أمر عمل معادلة دالة مرة ثانية.
	   	- أنت لا تزال ترى دالة التعريف A. وبسهولة يمكنك تغييرها للحصول على دالة التعريف B. ثم 
		- اضغط مفتاح  لإنهاء إدخال البيانات.
	الضغط ٣ مرات على مفتاح 	- قيم البداية، والنهائية، وخطوة الدالة الأخيرة مازالت هناك. لذلك الآن يجب أن تؤكد عليهم بالضغط على مفتاح  .
	 والضغط مرات عديدة على مفتاح 	- حرك المؤشر بواسطة المفتاح  إلى عمود قيم الدالة، واضغط على مفتاح  عندئذ يمكنك رؤية كل

		<p>قيم الدالة.</p> <p>- سجل قيم الدالة هذه في العمود الثالث من الجدول الموجود بأعلى.</p>
--	--	--

٢- ٥ حساب قيم الدالة المستقلة عن طريق مفتاح الحسابات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- استدعي القائمة الرئيسية لتغيير النظام.</p>
		<p>- غيرها بالضغط على مفتاح  للتحويل إلى الوضع الرياضي.</p>
	<p>0.13</p> <p>ak+6</p>	<p>- الآن (في نظام الحساب)، هناك أمور مختلفة بعض الشيء عن نظام الجداول. ببساطة أدخل بيانات الجانب الأيمن من معادلة الدالة.</p>
		<p>- الآن انتبه لا تضغط على مفتاح . وبدلاً من ذلك تحول إلى مفتاح الحساب بالضغط على مفتاح .</p>
	<p>200</p> 	<p>- الآن يمكنك تجاهل الرقم الذي يظهر.</p> <p>- وبدلاً من ذلك اضغط الآن على الرقم المراد لدقائق، على سبيل المثال، اضغط على 200 ثم أكد على ذلك بالضغط على مفتاح  مرتين.</p>

٦-٢ حساب قيم دالة أخرى عن طريق مفتاح الحساب:

شرح العملية	اضغط على	ما يظهر على الشاشة
- اضغط على مفتاح CALC	CALC	
- أيضاً يمكنك تجاهل الرقم الذي يظهر. - وبدلاً من ذلك، ادخل القيمة 280 وأكد عليها بالضغط على مفتاح = .	280 =	
- ستحصل على النتيجة $\frac{193}{5}$. ويمكنك تغيير صورة هذه النتيجة إلى الرقم العشري وذلك بالضغط على مفتاح (S+D) .	(S+D)	
- ولكن يمكنك أيضاً استعراض الرقم مباشرة في صورة رقم عشري. وسنحاول عمل ذلك بواسطة (الرقم x) التالي $(x = 360)$. اضغط المفتاح CALC وأدخل 360.	CALC	
- الآن انتبه لا تضغط مفتاح = ؛ ولكن اضغط المفتاحين (SHIFT) (=) .	(SHIFT) (=)	

تغيير الرقم من صورة الكسر الاعتيادي إلى صورة رقم عشري.

الرقم في صورة رقم عشري مباشرة.


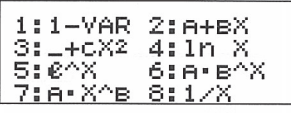
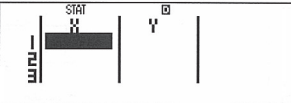
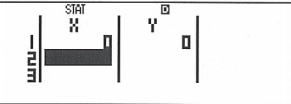
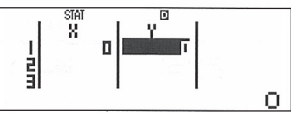
الفصل الثالث

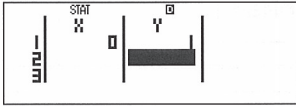

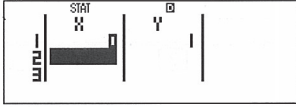


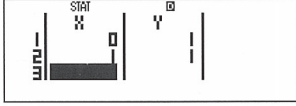


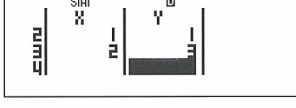



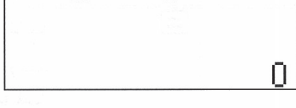
٣- انحدار المربعات الصغرى- المعادلات (الجزء الأول)- الحل (الجزء الأول)

١-٣ إدخال قيم الدالة لحساب انحدار المربعات الصغرى:

- ١: الوضع الرياضي
٢: النظام المركب
٣: النظام الإحصائي
٤: أنظمة العد
٥: حل معادلات
مختلفة
الدرجات
٦: مصفوفات
٧: الجداول
٨: متجهات

النظام الإحصائي

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	MODE	- الآن نحضر القائمة لتغيير نظام الحسابات.
	3	- ثم نتحول للنظام الإحصائي، وذلك بالضغط على مفتاح 3 .
	3	- وهنا، نختار انحدار المربعات الصغرى، وهو الخيار رقم 3 .
	0 =	- الآن، قيم الدالة يمكن إدخالها. ونبدأ بـ $f(0)$. 1. اضغط على رقم صفر داخل العمود x . وللتأكيد اضغط على = .
	⬆ ⬇	- تحول مباشرة إلى المدخلة التالية وليس للمسافة التالية لها. وهذا سبب لماذا يجب عليك التحول إلى العمود y . - بواسطة مفاتيح المؤشر ⬆ و ⬇ . تحول مباشرة إلى المدخلة التالية وليس للمسافة

		التالية لها. وهذا سبب لماذا يجب عليك التحول إلى العمود y. - بواسطة مفاتيح المؤشر ⬆️ و ⬇️ .
	1 	- الآن يمكنك إدخال قيمة الدالة المعنية بالضغط على 1 ، وللتأكيد عليه وذلك بالضغط على مفتاح = .
		- ولإدخال قيمة الدالة الثانية، تحول مرة ثانية إلى العمود x بواسطة مفتاح  .
	1  B 1  !	- ببساطة أدخل قيمة الدالة $f(1) = 1$ داخل الجدول، وحرك المؤشر للأسفل حتى السطر التالي.
	2  ⬆️ 3  	- كرر نفس العملية مرة ثانية للدالة $f(2) = 3$.
	AC	- ثم انهي عملية الإدخال بالضغط على مفتاح AC

لقد حصلت على قيم الدالة ويمكنك الآن البدء في حساب الانحدار.

٣-٢ حساب الانحدار:

شرح العملية	اضغط على	ما يظهر على الشاشة
- نحضر قائمة الإحصاء بالضغط على [SHIFT] [1] .	[SHIFT] [1]	<pre> 1:Type 2:Data 3:Sum 4:Var 5:Res 6:MinMax </pre>
- الآن اختار الانحدار باختيار 5	5	<pre> 1:A 2:B 3:C 4:Σ1 5:Σ2 6:Σ </pre>
- الآن يمكنك إدخال معاملات المعادلة من الدرجة الثانية. ولكن ترتيب الحروف سيكون مختلف هنا كالعادة! المتوسط يكون: $Cx^2 + Bx + A$ ولحساب معاملات x^2 ، يجب أن تكون الـ C محسوبة. اختار الخيار [3] .	[3]	<pre> STAT d 0 </pre>
- للحظة سترى نتيجة قديمة للـ C. (عندما تبدأ الحسابات كما فعلنا، وبعادة تعيين الحسابات، ستجد الناتج = صفر). - ستحصل على نتيجة قيمة C، وذلك بالضغط على مفتاح [=] .	[=]	<pre> STAT C 1 </pre>

- ١- النوع
٢- البيانات
٣- الجمع
٤- التباين
٥- الانحدار
٦- أعلى وأقل قيمة

<p>STAT</p> <p>A</p> <p>1</p>	<p>L1</p> <p>5</p> <p>1 =</p>	<p>- ستحصل على قيمة الدالة المطلقة عن طريق إضمار قائمة الإحصاء مرة ثانية بالضغط على SHIFT 1.</p> <p>- ثم باختيار الانحدار وذلك بالضغط على 5، وعندئذ ستحصل على المعامل A بالضغط على 1؛ ثم تبدأ الحسابات بالضغط على =.</p>
<p>STAT</p> <p>B</p> <p>-1</p>	<p>SHIFT 1 5</p> <p>2 =</p>	<p>- ويكون من الواضح أن نتيجة B بصفر. ولكن على أية حال يمكنك التحقق من ذلك.</p>

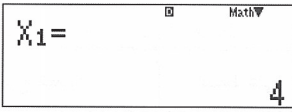


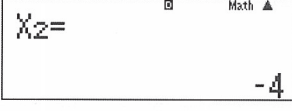


لقد قسمت انحدار المربعات الصغرى وحصلت على معاملات المعادلة $Cx^2 + Bx + A$ والحلول هي:
 $C=1, B=-1, A=1$

٣-٣ حل المعادلات الصغرية الجزء ١:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre>1:COMP 2:CMPLX 3:STAT 4:BASE-N 5:EQN 6:MATRIX 7:TABLE 8:VECTOR</pre>	<p>MODE</p>	<p>- نحضر القائمة لتغيير نظام الحساب.</p>
<pre>1:anX+bnY=Cn 2:anX+bnY+CnZ=dn 3:ax2+bx+c=0 4:ax3+bx2+cx+d=0</pre>	<p>5</p>	<p>- نختار نظام حل المعادلات (EQN) باختيار 5</p>

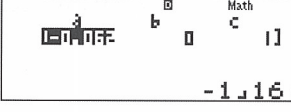


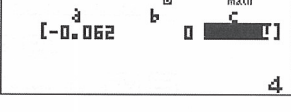

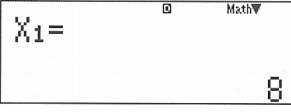




المعادلة

	3	<p>- نختار الخيار (3)، وهو حل المعادلة من الدرجة الثانية.</p>
	<p>n1 </p> <p>16 </p>	<p>- الآن يمكنك إدخال المعاملات في نموذج المعادلة من الدرجة الثانية الموجودة.</p> <p>- ستجد أن ترتيب حروف المعادلة بهذا الشكل: $ax^2 + bx + c$ أولاً، أدخل الكسر الاعتيادي $\frac{1}{16}$ كقيمة للمعامل a.</p> <p>- يجب التنويه بأن إدخال الكسور الاعتيادية في هذه القائمة غير معتاد. فيجب الضغط على المفاتيح 16 n1 والتأكيد على ذلك بالضغط على .</p>
	0	<p>- الآن ستلاحظ أن الآلة قد حولت الكسر الاعتيادي $\frac{1}{16}$ إلى -0.0625 وأن المؤشر أصبح موجود عند الموضع الخاص بالـ b. هنا ضع 0، وأكد على ذلك بالضغط على .</p>
	1	<p>- وللا c، ضع 1 ، ولتأكيدك اضغط .</p>

		- ابدأ الحسابات بالضغط على 
		- وبالضغط مرة ثانية على  ستحصل على القيمة الثانية لـ x .



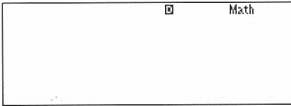

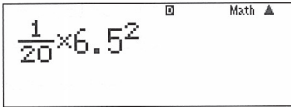

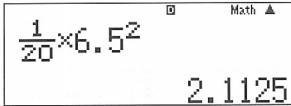


لقد حصلت على أصفار المعادلة $f(x) = -\frac{1}{16}x^2 + 1$ وكانت الإجابة $4, -4$.

٣- ٤ حل المعادلات الصفرية الجزء ٢:


ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- بالضغط على  مرة ثانية سترى قائمة المدخلات للمعادلة من الدرجة الثانية.
	   	- الآن حرك المؤشر مسافتين لليمين وضع 4 لـ c .
		ابدأ الحسابات بالضغط على 
		- وبالضغط مرة ثانية على  ستحصل على القيمة الثانية لـ x .

لقد حصلت على أصفار المعادلة $f(x) = -\frac{1}{16}x^2 + 4$ وكانت الإجابة $8, -8$.

٣-٥ حساب مباشر للنتائج في صورة رقم عشري:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- نحضر القائمة لتغيير نظام الحساب.
		- ومنها اختار الخيار 1 وهو النظام الرياضي.
	 1N 20\$ m6. 5s	- والآن أدخل العملية الحسابية $\frac{1}{20} \times 6.50^2$
		- ابدأ الحسابات بالضغط على  SHIFT - وبالضغط على  SHIFT ستحصل على الإجابات كارقام عشرية وليست ككسور اعتيادية.

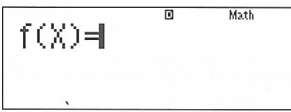
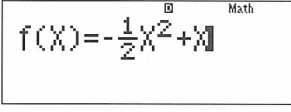
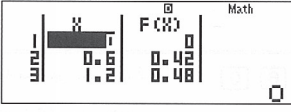
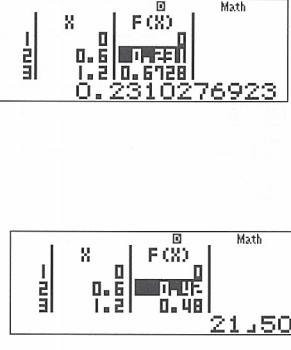
النظام
الرياضي

بهذه الطريقة تحصل على الإجابة وهي ٢,١١٢٥ مباشرة كرقم عشري. ببدء الحل بـ  **SHIFT**

الفصل الرابع

٤- حساب التفاضل

١-٤ إخراج وعمل جدول:

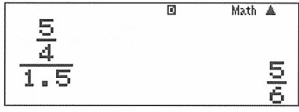


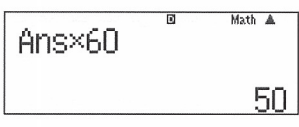




ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>نظام الجدول</p> 	<p>MODE 7</p>	<p>- نحضر القائمة لتغيير نظام الحساب ونختار وضع الجدول.</p>
	<p>n 1 N2\$ aks +ak s</p>	<p>- أدخل معادلة الدالة الآتية: $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + x$</p>
	<p>0 0 3 0 6 0</p>	<p>- أكد على ذلك بالضغط على 0، اختار 0 كقيمة ابتدائية، و3 كقيمة نهائية، و 0.6 قيمة الزيادة. وأكد كل مرة بالضغط على 0.</p>
<p>أرقام المعادلة تظهر على هيئة كسر اعتيادي</p> 	<p>\$N S+D</p>	<p>- ولأنك ستستخدم النتائج في وقت لاحق في حسابات أخرى، فمن المستحسن أن تكون قيم الدالة على هيئة كسر اعتيادي.</p> <p>- بالضغط على ▶ ستذهب إلى عمود قيم الدالة.</p> <p>- وبالضغط على ▼ ستتحرك بداخل قيم الدالة.</p> <p>- قيمة الدالة الحالية سترأها في الأسفل على اليمين.</p>

	<p>- ويمكنك أن ترى الأرقام ككسر اعتيادي بالضغط على مفتاح $\frac{\square}{\square}$.</p> <p>- ستبدو الإجابة شكلها غريب، حيث أنها ستظهر بهذا الشكل $21 \div 50$.</p> <p>وأن $50 \div 21$ تعني $\frac{21}{50}$.</p>
--	--

تد تكون كل قيم الدالة متاحة لديك بسهولة ويسر، يجب عليك تسجيل القيم التي حصلت عليها في جدول.

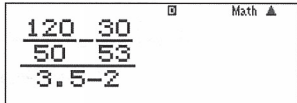






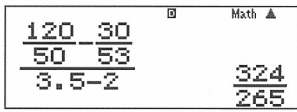


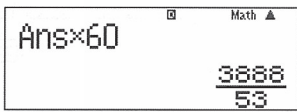




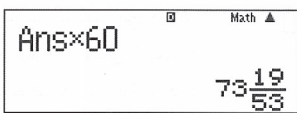




٤-٢ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ١):

	ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
إدخال كسر الكسر الاعتيادي		MODE 1 $\frac{\square}{\square}$ 4N 3\$\$\$ 5	- تحول للوضع الرياضي وأدخل الكسر الاعتيادي $\frac{4}{5}$
		$\frac{\square}{\square}$	- أكد على المدخلات بالضغط على $\frac{\square}{\square}$.
استخدام ذاكرة الإجابة كقيمة أولية (ابتدائية) لحسابات أخرى.		\times 6 0 $\frac{\square}{\square}$	- النتيجة ستظهر بالوحدات "كيلومتر/دقيقة". ولجعل الوحدات في شكلها الطبيعي أي "كيلومتر/ساعة"، اضرب الناتج $\times 60$.
		$\frac{\square}{\square}$ 5 4 1 0 5	- أجزئ نفس العملية لحساب السرعة بين 0 و 1,5 دقيقة.

		- أكد على ذلك أيضاً بالضغط على  .
	   	- للحصول على النتيجة بالوحدات "كيلومتر/ساعة"، اضرب الناتج $\times 60$.

لقد حسبت السرعة المتوسطة لكل المسافات المقطوعة، وأيضاً لكل الأوقات 0 و 1,5 دقيقة، والحل كان 50 km/h .

٤-٣ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ٢):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	   20N 50\$    0N5 3\$\$ 3.5 -2	- أدخل الكسر الاعتيادي الآتي $\frac{120}{50} - \frac{30}{53}$ $= 3.5 - 2$
		- أكد على المدخلات بالضغط على  .
	   	- للحصول على النتيجة بالوحدات الطبيعية "كيلومتر/ساعة"، اضرب الناتج $\times 60$.
	 	- وتحصل على الناتج على شكل رقم بجانب الكسر الاعتيادي بالضغط على   .

		<p>- وتحصل على الناتج كرقم عشري بالضغط على .</p>
--	--	--

لقد حصلت على السرعة المتوسطة في الأزمنة 2 دقيقة و 3.5 دقيقة، والحل كان $73\frac{19}{53}$ كرقم بجانب الكسر الاعتيادي أو 73.36 كرقم عشري.

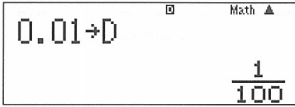
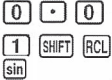
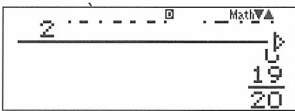

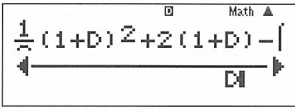





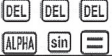
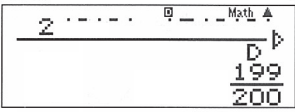


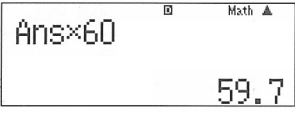
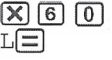

٤ - ٤ الحسابات في الوضع الرياضي (جزء ٣):

$$f'(1) \approx \frac{-\frac{1}{2}(1+0.1)^2 + (1+0.1) - (-\frac{1}{2} \times 1^2 + 1)}{0.1}$$

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- الآن أدخل صيغة القسمة التي بأعلى. (احسب هنا أيضاً 1^2 و 1^3 بالآلة. حيث يمكنك استخدامهم في وقت لاحق في أغراض أخرى).</p>
		<p>- ابدأ الحساب بالضغط على .</p>
		<p>- اضرب الناتج $\times 60$. للحصول على النتيجة بالوحدات كم/ساعة، وأكد على ذلك بالضغط على .</p>

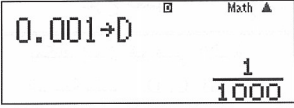
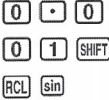
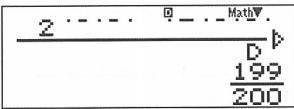

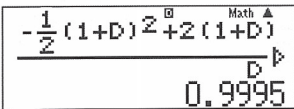


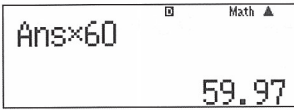
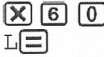

باستخدام تعريف التفاضل فقد حصلت على ٥٧ كتقريب أولي للسرعة عند 1 دقيقة.

٤ - ٥ تغيير البيانات / استخدام المتغيرات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- يمكنك إدخال قيم في الآلة الحاسبة مثل A, B, C, D, X, Y.</p> <p>- الآن أدخل القيمة 0.01 للمتغير D.</p> <p>- تذهب للمتغير D بأمر التخزين، بدون الضغط على مفتاح ALPHA.</p>
	<p>بالضغط مرتين على </p>	<p>- أحضر المعادلة كالمعتاد.</p>
	<p>مرتين على </p> <p></p> <p>3 مرة على </p> <p></p> <p>12 مرة على </p> <p></p>	<p>- غير القيمة 0.1 إلى D.</p>
	<p></p>	<p>- وابدأ الحسابات بضغط .</p>
	<p></p>	<p>- اضرب الناتج × 60، لتحصل على الناتج بالوحدات كم/ساعة، وأكد على ذلك بالضغط على .</p>

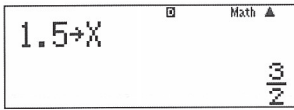
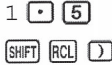

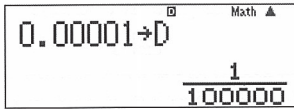
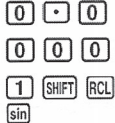
لقد غيرت البيانات الموجودة باستخدام المتغير D، وحصلت على الناتج 59.7 وهي أفضل قيمة مقربة.

٤- ٦ تغيير محتويات المتغير:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أدخل القيمة 0.001 للمتغير D.
	مرتين على 	- أحضر المعادلة كالعادة.
		- أبدأ الحسابات بالضغط على  .
		- اضرب الناتج $\times 60$ ، لتحصل على الناتج بالوحدات كم/ساعة، وأكد على ذلك بالضغط على  .

لقد حصلت على الناتج الثالث وأفضل قيمة مقربة وذلك بتغيير محتوى المتغيرات، والآن الناتج هو 59.97

٤- ٧ تغيير البيانات / استخدام المتغيرات:


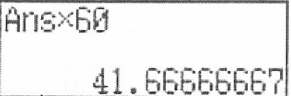
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- خزّن القيمة 1.5 في المتغير X. - ستصل إلى X بعد استخدام أمر التخزين وبدون استخدام مفتاح 
		- أدخل القيمة 0,00001 للمتغير D.

$\frac{-\frac{1}{2}(1+D)^2 + 2(1+D)}{D}$ <p style="text-align: right;">0.9995</p>	<p>3 مرات على \triangleleft</p>	<p>- أضر المعادلة كالمعتاد.</p>
$D) - \left(-\frac{1}{2} \times 1^2 + 2 \times 1 \right)$	<p>5 مرات على \triangleleft</p> <p>DEL ALPHA D</p>	<p>- غير الرقم 1 (الذي في المعادلة) إلى X. - وتأكد من الآلة الحاسبة تستجيب معك عندما تكرر الضغط على نفس المفتاح مرة ومرة ثانية وهكذا.</p>
$+2(1+D) - \left(-\frac{1}{2} \times 1^2 \right)$	<p>7 مرات على \triangleleft</p> <p>DEL ALPHA D</p>	<p>- وهنا أيضاً غير الرقم 1 إلى X.</p>
$-\frac{1}{2}(1+D)^2 + 2(X+D)$	<p>13 مرة على \triangleleft</p> <p>DEL ALPHA D</p>	<p>- وهنا أيضاً غير الرقم 1 إلى X.</p>
$-\frac{1}{2}(X+D)^2 + 2(X+D)$	<p>10 مرة على \triangleleft</p> <p>DEL ALPHA D</p>	<p>- وهنا أيضاً غير الرقم 1 إلى X.</p>
$-\frac{1}{2}(X+D)^2 + 2(X+D)$ <p style="text-align: right;">0.499995</p>	<p>L =</p>	<p>- ابدأ الحسابات بالضغط على =.</p>
<p>Ans×60</p> <p style="text-align: right;">29.9997</p>	<p>X 6 0</p> <p>L =</p>	<p>اضرب الناتج $\times 60$، لتحصل على الناتج بالوحدات كم/ساعة، وأكد على ذلك بالضغط على =.</p>

لقد حدثت قيمة الزمن $x=1.5$ ، وقد حسبنا الناتج عندما $D=0.00001$ ، وحصلنا على ناتج قيمته 29.9997

٨ - ٤ حساب قيم الدالة بواسطة مفتاح CALC:

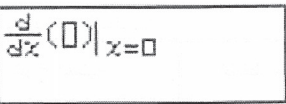
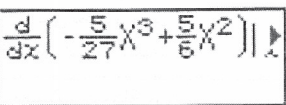
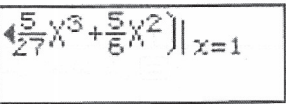
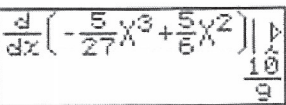
	ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
المعادلة التفاضلية	$-\frac{5}{9}x^2 + \frac{5}{3}x$	$(-)$ $\frac{1}{x^2}$ 5 ∇ 9 \blacktriangleright ALPHA $\frac{1}{x^2}$ 5 $+$ $\frac{1}{x^2}$ 5 ∇ 3 \blacktriangleright ALPHA $\frac{1}{x^2}$	- أدخل الدالة التفاضلية الآتية: $-\frac{5}{9}x^2 + \frac{5}{3}x$
مفتاح الضرب CALC	$x?$	CALC	- أحضر وظيفة الحساب بالضغط على مفتاح CALC.
	$-\frac{5}{9}x^2 + \frac{5}{3}x$ $\frac{10}{9}$	1 $\frac{1}{x}$	- خصص الرقم 1 للـ x .
	Ans \times 60 $\frac{200}{3}$	\times 6 0 $\frac{1}{x}$	- وللحصول على الوحدات كم/ساعة اضرب الناتج \times 60.
الناتج على هيئة رقم بجانب الكسر الاعتيادي	Ans \times 60 $66\frac{2}{3}$	SHIFT $\frac{1}{x}$	- ستحصل على الناتج في شكل رقم بجانب الكسر الاعتيادي عند الضغط على SHIFT $\frac{1}{x}$.
	Ans \times 60 66.66666667	$\frac{1}{x}$	- وللحصول عليه بالرقم العشري اضغط على $\frac{1}{x}$.
	$-\frac{5}{9}x^2 + \frac{5}{3}x$ $\frac{10}{9}$	\blacktriangle	- وللحصول على قيمة السرعة عند 2,5 دقائق أجري العملية بنفس الطريقة: - احضر الدالة التفاضلية

		الموضوعة سابقاً بالضغظ $-\frac{5}{9}x^2 + \frac{5}{3}x$ على مفتاح CALC .
	CALC 2 0 5 =	- وبواسطة المفتاح CALC ، احضر خاصية الحساب وأدخل الرقم 2.5 كقيمة لـ X.
	X 6 0 = S+D	- اضرب الناتج $\times 60$ واحصل على الناتج بالرقم العشري بالضغظ على S+D .

بمساعدة الدالة التفاضلية فقد حصلت على قيمة السرعة الحقيقية عند الزمن 1 و 2.5

٤ - ٩ استخدام العملية التفاضلية:

العملية
التفاضلية

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	
	SHIFT f'	- احضر العملية التفاضلية بالضغظ المتتابع على المفتاحين f' SHIFT .
	(-) 5 2 7 ALPHA SHIFT x^2 + 5 6 $\text{}$ ALPHA x^2	- أدخل حدود دالة السرعة بين قوسين. $f(x) = -\frac{5}{27}x^3 + \frac{5}{6}x^2$
	$\text{}$ 1	- أدخل الزمن الذي معه معدل التغير قد حُسيب
	=	- ابدأ الحسابات بالضغظ على = .

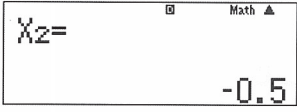


<p>Ans×60</p> <p>66.66666667</p>	<p>⊗ 6 0</p> <p>⊞</p>	<p>- كالعادة، اضرب الناتج × 60.</p> <p>- هذه النتيجة عادة ما تكون رقم عشري! ولتحويله بالضغط على مفتاح $\text{S}\leftrightarrow\text{D}$ إلى كسر حقيقي أو غير حقيقي غير ممكن.</p>
<p>$\frac{d}{dx} \left(-\frac{5}{27}x^3 + \frac{5}{8}x^2 \right) \triangleright$</p> <p>0.6944444444</p>	<p>⬆ ⬅ ⬇</p> <p>DEL 2 0</p> <p>5 ⊞</p>	<p>- ولحساب القيمة الثانية، يمكنك استخدام الحساب مرة ثانية وابدأ الأمر بالضغط على ⬆ وعندئذ يجب عليك التعويض في الزمن بـ 2,5 مكان الزمن 1</p>
<p>Ans×60</p> <p>41.66666667</p>	<p>⊗ 6 0</p> <p>⊞</p>	<p>- اضرب الناتج × 60، لتحصل على الإجابة المرجوة بالوحدات كم/ساعة.</p>

لقد حصلت في الدالة التفاضلية على معدل التغير في السرعة عند الزمن 1 و 2,5 لتحصل على الإجابات 66,6 و 41,6 بالترتيب.

٤- ١٠ حساب أصفار المعادلات:

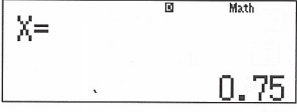

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>Math</p> <p>a b c</p> <p>0 0</p> <p>0</p>	<p>MODE 5 3</p>	<p>- لحل المعادلة:</p> $x^2 - \frac{3}{2}x - 1 = 0$ <p>- تحول إلى نظام حل المعادلات من الدرجة الثانية.</p>
<p>Math</p> <p>a b c</p> <p>[-1.5 -1]</p> <p>-1</p>	<p>1 ⊞ n</p> <p>3 ⊞ 2</p> <p>⊞ (-) 1</p> <p>⊞</p>	<p>- أدخل معاملات المعادلة من الدرجة الثانية.</p>
<p>MathV</p> <p>X1=</p> <p>2</p>	<p>⊞</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على ⊞ وستحصل على القيمة الأولى لـ x</p>

حل
المعادلة
من
الدرجة
الثانية

		- واحصل على القيمة الثانية لـ x بالضغط على  .
---	---	---

لقد قمت بحل المعادلة التربيعية وحصلت على النواتج 2 و -0.5 .

٤- ١١ حساب أصفار المعادلات :

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	
		- لحل المعادلة: $x^2 - \frac{3}{2}x + \frac{9}{16} = 0$ - احضر البيانات كالعادة؛ و عوض بـ 16 لـ 9 بدلاً من 1

لقد قمت بحل المعادلة التربيعية و حصلت على ناتج واحد فقط 0.75

الفصل الخامس

٥- عملية الجمع- عملية التكامل

١-٥ الحساب بواسطة CALC و الذاكرة M:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$-\frac{6}{125}X^2 + \frac{12}{25}X$	MODE 1 (←) 6 ▼ 1 2 5 (→) ALPHA) x² + (←) 1 2 ▼ 2 5 (→) ALPHA)	- تحول إلى النظام الرياضي ثم أدخل معادلة الدالة هذه: $f(x) = -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x$
5.2	CALC 5 (←) 2	- بواسطة CALC، احسب قيمة الدالة لـ $\frac{5}{2}$.
$-\frac{6}{125}X^2 + \frac{12}{25}X$ $\frac{9}{10}$	=	- أجري الحساب بالضغط على =.
Ans × $\frac{5}{2}$ $\frac{9}{4}$	× (←) 5 ▼ 2 =	- النتيجة يجب أن تكون ما زالت مضروبة × $\frac{5}{2}$ للحصول على جزء من النتيجة وهي أول مضاف. - عند هذه المرحلة، الكسر سيظهر بشكله الطبيعي.
Ans → M $\frac{9}{4}$	SHIFT RCL M+	- الآن، النتيجة ستخزن بداخل الذاكرة المستقلة (M). ولأنك غير متأكد من أن هذه الذاكرة يمكن أن تكون غير فارغة، فبكل بساطة أكتب

ادخال
القيم
المخزنة
في
الذاكرة
(M)

		<p>فوق المحتويات التي من الممكن أن تكون بها.</p> <p>- بالضغط على RCL SHIFT</p> <p>أحضر أمر التخزين واكتب فيها النتيجة عن طريق (M+).</p> <p>والبرهان سيظهر على الشاشة.</p>
		<p>- ولحساب المضاف الثاني، أجز نفس الخطوات.</p> <p>- بواسطة (←) (→) احضر معادلة الدالة المُخّلة بالفعل، احسب قيمة الدالة عند 5، واضرب الناتج $\times \frac{5}{2}$.</p>
		<p>- اضغط على (M+) لإضافة النتيجة للمحتويات الموجودة بالذاكرة المستقلة (M).</p>
		<p>- احضر المحتويات المخزنة بالذاكرة (M).</p>
		<p>- حول النتيجة إلى رقم عشري بالضغط على (S+D).</p>







إحضار الأرقام المخزنة في الذاكرة (M).

باستخدام وظيفة **CALC** والذاكرة المستقلة (M) فقد حصلت على قيمة التقريبية = 5,25

٥-٢ الحسابات بواسطة المجاميع:

شرح العملية	اضغط على	ما يظهر على الشاشة
- بواسطة (AC) ، امسح كل البيانات المُخّلة.	(AC)	

عملية
الجمع

$\frac{5}{4} \times \sum_{x=0}^4 (0)$		<p>- ابدأ بالمعامل وبعملية الجمع.</p>
$\left(\frac{5}{4}\right)^2 + \frac{12}{25} \left(x \times \frac{5}{4}\right)$		<p>- أولاً، أدخل جزء لأضافته.</p>
$\frac{5}{4} \times \sum_{x=1}^4 \left(-\frac{6}{125} \left(x \times \frac{5}{4}\right)\right)$		<p>- الآن، القيم الابتدائية والنهائية يمكن إدخالها.</p>
$\frac{5}{4} \times \sum_{x=1}^4 \left(-\frac{6}{125} \left(x \times \frac{5}{4}\right)\right)$ $\frac{75}{16}$		<p>- ابدأ الحل بالضغط على . - حساب آخر أرقام ستجدها مقربة لأقرب واحد ثانية.</p>
$\frac{5}{4} \times \sum_{x=1}^4 \left(-\frac{6}{125} \left(x \times \frac{5}{4}\right)\right)$ 4.6875		<p>- حول الناتج لأرقام عشرية.</p>

بمساعدة عملية الجمع، فقد حصلت على أفضل تقريب للمساحة وكانت النتيجة = 4,6875

٣-٥ تغيير البيانات:

<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------

$\frac{5}{4} \times \sum_{x=1}^{32} \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{4} \right) \right)$	مرتين على \leftarrow $\boxed{\text{DEL}}$ $\boxed{3}$ $\boxed{2}$	- وفيما يلي، ستغير المعادلة فقط. ستحفظ كل شغلك من الضغطات على المفاتيح.
$\left\langle \left(\frac{5}{4} \right)^2 + \frac{12}{25} \left(X \times \frac{5}{32} \right) \right\rangle$	٧ مرات عل \leftarrow $\boxed{\text{DEL}}$ $\boxed{3}$ $\boxed{2}$	- وتأكد من أن الآلة الحاسبة تستجيب معك عندما تكرر الضغط على نفس المفتاح مرة ومرة ثانية وهكذا.
$\sum_{=1}^{32} \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{32} \right)^2 \right)$	٢١ مرة على \leftarrow $\boxed{\text{DEL}}$ $\boxed{3}$ $\boxed{2}$	
$\frac{5}{32} \times \sum_{x=1}^{32} \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{32} \right) \right)$	١٩ مرة على \leftarrow $\boxed{\text{DEL}}$ $\boxed{3}$ $\boxed{2}$	
$\frac{5}{32} \times \sum_{x=1}^{32} \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{32} \right) \right)$ $\frac{4191}{1024}$	$\boxed{=}$	- ابدأ الحساب بالضغط على $\boxed{=}$.
$\frac{5}{32} \times \sum_{x=1}^{32} \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{32} \right) \right)$ 4.092773438	$\boxed{\text{SMD}}$	- بالضغط على $\boxed{\text{SMD}}$ ، غير الناتج إلى رقم عشري.

بتغيير المعادلة بوضع الحد الأعلى لمعامل الجمع عن 32 بدلاً من 4، فنحصل على إجابة بقيمة 4.092773438.

٥- ٤ استخدام المتغيرات:

إدخال قيم
للمتغيرات

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	1 2 8 SHIFT RCL sin	- في هذه الآلة الحاسبة يمكنك إدخال أي قيم للمتغيرات A, B, C, D, X, & Y - وفي هذا المثال أدخل الرقم 128 للمتغير D.
	▲	- احضر المعادلة كالمعتاد.
	مرتين على ◀ DEL DEL ALPHA sin	- وفي الأماكن المقابلة، أدخل الرقم للمتغير D.
	٦ مرات على ◀ DEL DEL ALPHA sin	
	٢٠ مرة على ◀ DEL DEL ALPHA sin	
	١٨ مرة على ◀ DEL DEL ALPHA sin	
	≡	- ابدأ الحل بالضغط على ≡ - حساب الأرقام الأخيرة مقربة لوحد دقيقة.

باستخدام المتغير D ، فقد جعلت المعادلة أكثر مرونة. وبقيمة $D=128$ ، فقد حصلت على ناتج = $4,023376465$ بعد دقيقة واحدة تقريباً كوقت محسوب.

٥ - ٥ تغيير المتغيرات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
أدخل قيم المتغيرات $256 \rightarrow D$	$\boxed{2} \boxed{5} \boxed{6}$ $\boxed{SHIFT} \boxed{RCL} \boxed{sin}$	- أدخل الرقم 256 للمتغير D .
$\frac{5}{D} \times \sum_{x=1}^D \left(-\frac{6}{125} \left(X \times \frac{5}{D} \right) \right)$ 4.011703491	$\boxed{\Delta} \boxed{=}$	- بالضغط على $\boxed{\Delta}$ ، أحضر المعادلة وأبدأ الحل بالضغط على $\boxed{=}$. - الحسابات للأرقام الأخيرة مقربة لدقيقتين.

٥ - ٦ الحسابات بواسطة التكامل:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
معامل التكامل $\int_0^0 0 dx$	$\boxed{\int dx}$	- الآن احضر عملية التكامل.
$\int_0^0 -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	$\boxed{(-)} \boxed{\int dx} \boxed{6}$ $\boxed{\nabla} \boxed{1} \boxed{2}$ $\boxed{5} \boxed{\rightarrow} \boxed{ALPHA}$ $\boxed{)} \boxed{\times^2} \boxed{+} \boxed{\int dx}$ $\boxed{1} \boxed{2} \boxed{\nabla}$ $\boxed{2} \boxed{5} \boxed{\rightarrow}$ $\boxed{ALPHA} \boxed{)}$	- ثم أدخل الدالة $-\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x$
$\int_0^{10} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	$\boxed{\rightarrow} \boxed{0} \boxed{\rightarrow}$ $\boxed{1} \boxed{0}$	- الآن، يمكن إدخال حدود التكامل.

$\int_0^{10} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	=	- ابدأ الحساب بالضغط على $\boxed{=}$. - حساب الأرقام الأخيرة مقربة لـ 4 ثواني.
---	---	--

بإستخدام معامل التكامل، فقد حسبت المساحة المحصورة بين المحور x ومنحنى الدالة

$$f(x) = -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x \text{، والناتج الذي حصلت عليه } = 8.$$

٧-٥ تغيير حدود التكامل (الجزء ١):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\int_0^{10} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	◀ ▶	- احضر دالة التكامل.
$\int_0^{2.5} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	\boxed{DEL} \boxed{DEL} $\boxed{2}$ $\boxed{.}$ $\boxed{5}$	- غير حد التكامل الأعلى إلى 2,5.
$\int_0^{2.5} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	=	- وبالضغط على $\boxed{=}$ ابدأ الحل.
$\int_0^{2.5} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$	S/D	- وبالضغط على $\boxed{S/D}$ غير الناتج إلى رقم عشري.

لقد غيرت حدود التكامل وحصلت على قيمة المساحة = 1,25 للفترة $[0; 2,5]$.

٨-٥ تغيير حدود التكامل (الجزء ٢):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\int_0^{7.5} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$ $\frac{27}{4}$		<p>- احضر دالة التكامل، غير حد التكامل العلوي، وابدأ الحل بالضغط على $\boxed{=}$.</p>
$\int_0^{7.5} -\frac{6}{125}x^2 + \frac{12}{25}x dx$ 6.75		<p>- وبالضغط على \boxed{SD} غير الناتج إلى رقم عشري.</p>

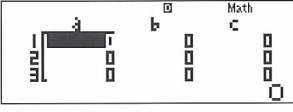

مرة ثانية بتغيير حدود التكامل فستحصل على الناتج لقيمة المساحة = 6,75 للفترات [0; 7,5]

الفصل السادس

٦ - حل المعادلات (الجزء الثاني)

١-٦ حل نظام المعادلات بواسطة حلال المعادلات:

نظام
المعادلات

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre>1:COMP 2:CMPLX 3:STAT 4:BASE-N 5:EQN 6:MATRIX 7:TABLE 8:VECTOR</pre>	MODE	- الآن احضر القائمة لكي تغير نظام الحساب.
<pre>1: aX+bY=Cn 2: aX+bY+cZ=dn 3: aX²+bX+c=0 4: aX³+bX²+cX+d=0</pre>	5	- ثم تحول إلى نظام حل المعادلات بالضغط على مفتاح 5.
	2	- ونختار الخيار رقم 2 لحل ثلاث معادلات بثلاث مجاهيل في وقت واحد.
	$1 \Rightarrow 1$ $\Rightarrow n2$ $\Rightarrow 1 \Rightarrow$	- أدخل معاملات أول معادلة وأكد عليها بالضغط على \Rightarrow . - سترى أن المعروض أمامك على الشاشة يتغير عندما يكون المؤشر في البيانات، ويمكنك إدخال المزيد من المدخلات أكثر من الثلاث أعمدة المعروضة أمامك على الشاشة.

	<p>2 <input type="text" value="n"/></p> <p>4 <input type="text" value="1"/></p> <p><input type="text" value="0"/></p> <p>0 <input type="text" value="2"/></p> <p><input type="text" value="n3"/></p> <p>n1 <input type="text" value=""/></p>	<p>- أدخل البيانات التي في نفس الخط وتضغط على <input type="text" value=""/> بعد كل مدخلة.</p> <p>- لاحظ أن بالنسبة للمتغيرات التي لا تظهر في المعادلة يجب عليك أن تدخل <input type="text" value="0"/> لكي تظهر لك.</p>
	<p><input type="text" value=""/></p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على <input type="text" value=""/>؛ ستحصل على الحل لأول عامل أو قيمة أول مجهول.</p>
	<p><input type="text" value=""/></p>	<p>- ثم احصل على الحل لثاني عامل بالضغط على <input type="text" value=""/> مرة ثانية.</p>
	<p><input type="text" value=""/></p>	<p>- ثم بالضغط على <input type="text" value=""/> مرة ثانية تحصل على الحل لثالث عامل.</p>
		<p>- وإذا كنت أدخلت بيانات بطريقة الخطأ، فاضغط على <input type="text" value=""/> تكررًا لتذهب إلى وضع مدخلات المعاملات وبالتالي تصحح مدخلاتك الخاطئة.</p>

$$x = 4, y = \frac{5}{2}, z = 2$$

لقد قمت بحل نظام ثلاث معادلات بثلاث مجاهيل، وحصلت على قيم المجاهيل وهي

٦- ٢ إخراج قيم دالة ما في جدول:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
--------------------	----------	-------------

نظام
الجدول

<p>f(X)=</p>	<p>MODE 7</p>	<p>- الآن احضر القائمة واختار نظام الجدول.</p>																
<p>f(X)=$4\frac{1}{2}X^2+\frac{3}{2}X-1$</p>	<p>akL s- 1N2 \$ak s+3N2 \$ak -1</p>	<p>- وأدخل في معادلة الدالة $x^2 - \frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x - 1$</p>																
<p>Start?</p> <p>1</p>	<p>=</p>	<p>وأكد على ذلك بالضغط على [=].</p>																
<p>Math</p> <table border="1"> <tr> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>7</td> <td>8</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> <td>6</td> <td>7</td> <td>8</td> </tr> </table> <p>0</p>	1	2	3	4	5	6	7	8	1	2	3	4	5	6	7	8	<p>0 = 5 0 = 5 =</p>	<p>- نضع 0 لأول نقطة، 50 لآخر نقطة، ونضع الزيادة بـ 5</p>
1	2	3	4	5	6	7	8											
1	2	3	4	5	6	7	8											

٦- ٣ حل معادلات من الدرجة الثالثة:

نظام
المعادلة

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>1: COMP 2: CMPLX 3: STAT 4: BASE-N 5: EQN 6: MATRIX 7: TABLE 8: VECTOR</p>	<p>MODE</p>	<p>- الآن احضر القائمة لكي تغير نظام الحل.</p>
<p>1: aN X + bN Y = cN 2: aN X + bN Y + cN Z = dN 3: aX² + bX + c = 0 4: aX³ + bX² + cX + d = 0</p>	<p>5</p>	<p>- اختار وضع حل المعادلات وذلك باختيار خيار (المعادلات) رقم [5].</p>

	<p>4</p>	<p>- ثم اختر الخيار رقم 4، لحل المعادلة الصفرية من الدرجة الثالثة $x^2 - \frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2}x - 1$</p>
	<p>1</p>	<p>- الآن يمكنك إدخال معاملات في نموذج معادلة الدرجة الثالثة. - أولاً، أدخل الكسر $-\frac{1}{10}$ لـ a. - والكسر سيتم إدخاله بالطريقة العادية المعروفة. (وبالطبع يمكنك الإدخال مباشرة (-) (1) 0 (-)).</p>
	<p>n1 2 3 2 n1</p>	<p>- باقي المعاملات يمكن إدخالها كالعادة، ودائماً تأكد على المدخلات بالضغط على =.</p>
	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على =.</p>
	<p>=</p>	<p>- اضغط = مرة ثانية للحصول على القيمة الثانية لـ x.</p>
	<p>=</p>	<p>- اضغط = مرة ثانية للحصول على القيمة الثالثة لـ x.</p>

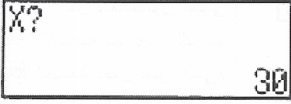


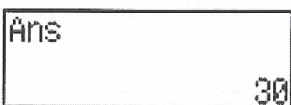

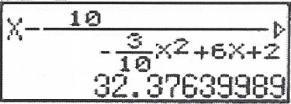


4 - 6 حل المعادلات بواسطة صيغة نيوتن:

<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------

	<p>MODE 1</p>	<p>- الآن نتحول إلى النظام الرياضي بالضغط على MODE 1.</p>
<p>$x^3 + 3x^2 + 20x - 400$</p>	<p>ALPHA \rightarrow \leftarrow \leftarrow \leftarrow \leftarrow \leftarrow 1 \downarrow 1 0 \rightarrow ALPHA) SHIFT x^2 + 3 ALPHA) x^2 + 2 0 ALPHA) = 4 0 0</p>	<p>- الآن استخدم صيغة نيوتن، وأدخلها كما يلي:</p> $x - \frac{-\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 + 20x - 400}{-\frac{3}{10}x^2 + 6x + 20}$ <p>- ابدأ أولاً بالبسط.</p>
<p>$\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 + 20x - 4$ $-\frac{3}{10}x^2 + 6x + 20$</p>	<p>\downarrow \leftarrow \leftarrow 3 \downarrow 1 0 \rightarrow ALPHA) x^2 + 6 ALPHA) + 2 0</p>	<p>- ثم اذهب إلى المقام. - ستلاحظ في النهاية أن الشاشة قد ضبطت رأسياً لتوافق الصيغة المدخلة. لذلك سترى دائماً ما قد أدخلته.</p>
<p>X? 50</p>	<p>CALC</p>	<p>- اختار CALC، لتبدأ الحل بقيمة النقطة الأولى لـ x: - القيمة البدائية تظهر هنا، وتتوقف على الحسابات الأولى التي تمت. - قيمة أخرى ممكن أن تظهر لك!</p>
<p>$-\frac{3}{10}x^2 + 6x + 2$ 230 7</p>	<p>3 0 =</p>	<p>- وكالعادة، اختار 30 كقيمة ابتدائية.</p>
<p>X - 10 $-\frac{3}{10}x^2 + 6x + 2$ 32.85714286</p>	<p>S\rightarrowD</p>	<p>- وبواسطة S\rightarrowD، تحول الكسر إلى رقم عشري.</p>

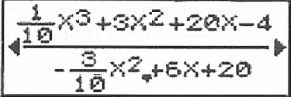

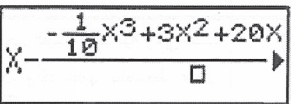

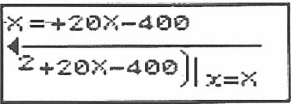

حتى الآن لقد حصلت على حل المعادلة باستخدام صيغة نيوتن والنتيجة = 32,85714286

5-6 التنفيذ اليدوي للترار :

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- ابدأ الحل مرة ثانية بالضغط على  .
		- اختار ناتج آخر حل المخزنة بـ (Ans) كقيمة ابتدائية.
		- نفذ الحل بالضغط على  .

لقد حصلت على حل بأفضل تقريب يساوي 32,37639989.

6-6 صيغة نيوتن بدون استخدام مشتقة الدالة:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- الآن تحرك للمقام.
	 ١٧ مرة على	- وامسحه
		- أدخل الصيغة بواسطة العملية التفاضلية $\frac{d}{dx} \left(-\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 + 20x - 400 \right) \Big _{x=x}$

	ALPHA) = 4 0 0 ► ALPHA)	
$X \frac{d}{dx} \left(-\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 \right)$ $\frac{230}{7}$	CALC 3 0 =	- الآن ابدأ الحل للحصول على القيمة الابتدائية لـ x ، وذلك بـ CALC الصيغة تعمل نفس الشيء كالصيغة الأخيرة، ولكن لا يجب عليك حساب مشتقة الدالة يدوياً.

تغيير معادلة نيوتن بنفس طريقة الحسابات اليدوية للمعادلة المشتقة ليس ضرورياً.

7-6 حل المعادلات الصفرية باستخدام الأمر حل (solve):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$x^3 + 3x^2 + 20x - 400$	(-) = 1 ▼ 1 0 ► ALPHA) SHIFT x^3 + 3 ALPHA) x^2 + 2 0 ALPHA) - 4 0 0	- أدخل المعادلة لحلها: $-\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 + 20x - 400$
Solve for X 29.975	SHIFT CALC	- وبواسطة CALC SHIFT ، أحضر حلل المعادلة.
$-\frac{1}{10}x^3 + 3x^2 + 20x - 400$ $X = 32.36067977$ $L-R = -4.7 \times 10^{-10}$	3 0 =	- أدخل القيمة الابتدائية وهي هنا 30، وأكد عليها بالضغط على = .

لقد قمت بحل المعادلة. وكان الناتج = $-4.7 \cdot 10^{-10}$

٦- 11 حل معادلة الدرجة الثالثة:

$$x^3 + x^2 + x + 1 = 0$$

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	MODE 5 4	- احضر الوضع العام للمعادلات ومنه أختار معادلة من الدرجة الثالثة.
	1= 1 = 1= 1 1= =	- أدخل المعامل وابدأ الحل بالضغط على [=]. - لا تنسى أن تدخل صفر للمعامل C.
	=	- اضغط على [=] لتحصل على قيمة x الثانية.
		- وللحصول على القيمة الثالثة لـ x نضغط مرة ثانية على [=].

لقد قمت بحل معادلة من الدرجة الثالثة بحل المعادلات وكان الناتج $-1, i, -i$.

٦- 12 اختبار الجزء الثاني من الشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل :

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	MODE 1 SHIFT 1/x 1 5 ALPHA > SHIFT x^2 - 3 ALPHA > x^2 - 4 0 0 > 2 0	- غير النظام إلى الوضع الرياضي. أدخل العملية التفاضلية، المشتقة الأولى، ومكان التحقق: $\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{5}x^3 - 3x^2 - 400 \right) \Big _{x=20}$

$\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{5}x^3 - 3x^2 - 400 \right)$ 120	=	- ابدأ الحل بالضغط على $\left[\frac{d}{dx} \right]$.
---	---	--

لقد حسبت المشتقة الأولى عند $x=20$.

٦- 13 حل قيمة المعادلة بـ CALC :

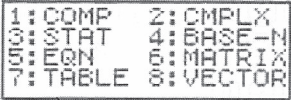
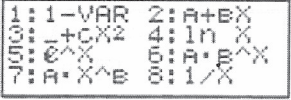
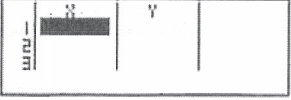
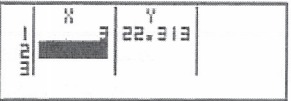
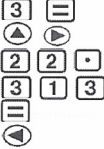
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\frac{1}{10}x^2 - 3x + 50 + \frac{400}{x}$	$\left[\frac{1}{10} \right]$ $\left[x^2 \right]$ $\left[- \right]$ $\left[3 \right]$ $\left[+ \right]$ $\left[50 \right]$ $\left[+ \right]$ $\left[\frac{400}{x} \right]$	- أدخل: $\frac{1}{10}x^2 - 3x + 50 + \frac{400}{x}$
$\frac{1}{10}x^2 - 3x + 50 + \frac{400}{x}$ 50	$\left[\text{CALC} \right]$ $\left[20 \right]$ $\left[= \right]$	- وبواسطة $\left[\text{CALC} \right]$ ، نحضر المعادلة ندخل 20 كقيمة لـ x ونؤكد عليها بالضغط على $\left[\frac{d}{dx} \right]$.

لقد حسبت قيمة الدالة عند $x=20$.

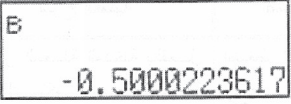




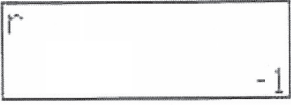
الفصل السابع

٧- الانحدار الأسّي

٧- ١ إدخال قيم دالة الانحدار الأسّي :

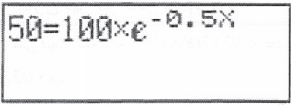



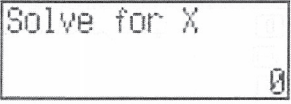

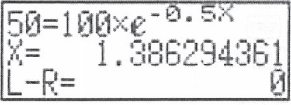
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	MODE	- أحضر القائمة لتغيير نظام الحساب.
	3	- ثم، نذهب إلى النظام الإحصائي بالضغط على 3 .
	5	- وفيها نختار الانحدار الأسّي e^x ، بالخيار رقم 5 .
		- الآن يمكنك إدخال قيم الدالة. نبدأ بالقيمتين 3 و 22,313. وهكذا أدخل القيمة 3 في العمود x. وأكد على ذلك بالضغط على = . ثم نجد المؤشر ينتقل إلى السطر التالي لأسفل؛ ثم لإدخال القيمة المقابلة في العمود y للقيمة 3 التي في العمود x فيكون ذلك بتغيير المؤشر بالضغط على ▲ وعلى ▶ . وندخل القيمة 22,313 والتأكد عليها بالضغط على = . ثم ندخل القيمتين

الانحدار
الأسّي

		<p>- يمكنك الحصول على قيمة B بالضغط مرة ثانية على  لإحضار قائمة النظام الإحصائي، ومنها نختار الانحدار بالخيار رقم ؛ وتحصل على المعامل B باختيار الخيار رقم  ثم ابدأ الحل بالضغط على .</p>
		<p>- ولكي ترى كيف أن القيم التي قد حصلت عليها هو حل ممتاز، يجب عليك عمل حل موجز لما يسمى بمعامل الانحدار وهو الـ r.</p>

بهذه الطريقة يمكنك عمل الانحدار الأسّي، ومعامل الارتباط لدلالاتها والتي تبين أنه يوجد علاقة عكسية قوية بين المعاملات.

٧-٣ حل المعادلات الأسية باستخدام الأمر حل (solve):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		<p>- الآن نعود للنظام الرياضي، وندخل المعادلة المراد حلها. - عندما نريد إدخال علامات التساوي، وأنت في النظام الرياضي، اضغط على   وليس الضغط على  فقط.</p>
		<p>- وبالضغط على  نحضر حلّ الدالة.</p>
		<p>- أدخل 0 كقيمة ابتدائية (أولية).</p>

لقد قمنا بحل المعادلة الأسية بواسطة حلّ المعادلة، لتحصل على الناتج المضبوط بقيمة = 1,386294361.

٧- ٤ حساب قيمة الدالة بواسطة الـ CALC :

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$100 \times e^{-0.5X}$	اضغط ١٢ مرة على \leftarrow DEL DEL DEL	- غير المعادلة المدخلة بالفعل ولذلك ستكون صيغة المعادلة (بدون علامة التساوي) كما هو مبين.
X? 1.386294361	CALC	- ابدأ حل المعادلة بالضغط على CALC
$100 \times e^{-0.5X}$ 4.978706837	6 =	- أدخل قيمة X بـ 6، وأكد عليها بالضغط على =.
100-Ans 95.02129316	1 0 0 - Ans =	- وعندما تريد مثلاً حساب $100 - 4,978706837$ (وهو قيمة الناتج السابق)، يمكنك عمل ذلك باستخدام ذاكرة الإجابة (Ans) (وهي التي يخزن بها آخر ناتج حل).

لقد حصلت على قيمة المعادلة = 4,978706837 عند الزمن 6. ثم قمت بطرحه من القيمة الأولية (100)، لتحصل على الباقي = 95,02129316

٧- ٥ حل المعادلة الأسية باستخدام الأمر حل (solve):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\leftarrow 0.5X + 100e^{-X} = 0$	\leftarrow 5 0 SHIFT ln \leftarrow 0 - 5 ALPHA \leftarrow \rightarrow + 1 0 0 SHIFT ln \leftarrow ALPHA \rightarrow \rightarrow ALPHA CALC 0	- أدخل المعادلة المراد حلها.

الحل

<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;">Solve for X</div> <div style="text-align: right; margin-top: 5px;">6</div>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">SHIFT</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">CALC</div>	- وبالضغط على <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">SHIFT</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">CALC</div> ، نحضر حلّ المعادلة.
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}$ $X = 1.386294361$ $L-R = 0$ </div>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">0</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">=</div>	- أدخل 0 كقيمة ابتدائية (أولية)، وأكد عليها بالضغط على <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">=</div> .

لقد قمت بحل المعادلة الأسية بحلّ المعادلة وبوضع القيمة الأولية = 0، وحصلت على الناتج = 1.386294361.

٦-٧ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\left. -50e^{-0.5x} \right _{x=1.386}$ </div>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">SHIFT</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(1/x)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(-)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">5</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">0</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">SHIFT</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">ln</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(-)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">0</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">.</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">5</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">ALPHA</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(x)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">▶</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">+</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">1</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">0</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">0</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">SHIFT</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">ln</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(-)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">ALPHA</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">(x)</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">▶</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">▶</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">1</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">.</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">3</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">8</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">6</div>	- الموديلات قبل ES-991 fx لسوء الحظ لم يكن بها "ذاكرة تخزين مؤقت"، وكان يجب عليك إدخال هذه المعادلة يدوياً: $\left. \frac{d}{dx} (-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}) \right _{x=1.386}$
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\frac{d}{dx} (-50e^{-0.5x} + 100e^{-x})$ -12.50552022 </div>	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">=</div>	- أكد على ذلك بالضغط على <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">=</div> .

لقد حسبت المشتقة الأولى عند الزمن 1.386، وكانت النتيجة -12.50552022.

٧- ٧ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل (القيمة المضبوطة):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\frac{d}{dx} (-50e^{-0.5x} + 1)$ -12.5	◀ ◀ اضغط ٥ مرات على DEL ln 4) =	- في معادلة المدخلة سابقاً كالعادة غير 1,386 بـ .ln(4)

لقد حسبت المشتقة الأولى عند الزمن 4، وكانت النتيجة - 12.5.

٧- ٨ حساب قيمة المعادلة بواسطة الـ CALC:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$5x \times (1 - e^{-0.5x})$	1 0 0 X SHIFT ln (←) 0 . 5 ALPHA) ▶ X (1 - SHIFT ln (←) 0 . 5 ALPHA) ▶	- أدخل الدالة $100e^{-0.5x} \cdot (1 - e^{-0.5x})$
X? 1.383794361	CALC	- أبدأ حل المعادلة بالضغط على CALC
$100 \times e^{-0.5x} \times (1 - e^{-0.5x})$ 24.99996089	=	- اختار القيمة 1,383794361 كقيمة لـ x، وذلك بالضغط على =.

لقد حسبت قيمة الدالة عند الزمن 1,383794361، وحصلت على الناتج = 24,99996089















٩-٧ حساب قيمة المعادلة بواسطة الـ CALC:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- احضر وظيفة الحساب CALC مرة ثانية بالضغط على
		- أدخل كقيمة لـ x ، وأكد عليها بالضغط على








لقد حسبت قيمة الدالة عند $\ln(4)$ ، وحصلت على الناتج بقيمة مضبوطة = 25.

١٠-٧ إخراج القيم في جدول:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- احضر نظام الجداول.
		- أدخل المعادلة لـ f_1 ألا وهي، $100 \cdot e^{-0.5x}$ وأكد عليها بالضغط على
		- أدخل 0 كقيمة ابتدائية، و 7 كقيمة نهائية؛ وللزيادة اختار القيمة 0,5.
		- استعرض القيم بواسطة مفاتيح المؤشر، وسجل قيم الدالة $f(x)$ في الجدول، وتناوب على كل الأرقام في الجدول.

$f(X)=100 \times e^{-0.5X}$	AC	- وعندما تتجز ذلك، أخرج أيضاً قيم الدالة f_2 في جدول. $100 \cdot e^{-0.5x} \cdot (1 - e^{-0.5x})$																
$f(X) \leftarrow -e^{-0.5X}$	اضغط ١١ مرة على  على   1   In  0  5     	- وهنا يمكنك استخدام الدالة f_1 وموافقتها مع الدالة f_2 لكي تتوفر وقت الضغط على المفاتيح.																
<table border="1" data-bbox="236 555 524 651"> <tr> <td></td> <td>0</td> <td>F(X)</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>1</td> <td>0.5</td> <td>17.227</td> <td></td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>1</td> <td>23.865</td> <td></td> </tr> <tr> <td>3</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>		0	F(X)	0	1	0.5	17.227		2	1	23.865		3				اضغط ٤ مرات على 	- أكد على كل الخيارات الأخرى بالضغط على  .
	0	F(X)	0															
1	0.5	17.227																
2	1	23.865																
3																		
		- استعرض القيم بواسطة مفاتيح المؤشر، وسجل قيم الدالة في الجدول، وتناوب على كل الأرقام في الجدول كما سيأتي.																

٧- ١١ حل المعادلة الأسية بواسطة الأمر حل (solve):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\leftarrow e^{-0.5X} - 100e^{-X}$	MODE 1 2 5 SHIFT In  0  5 ALPHA    1 0 0 SHIFT In  ALPHA 	- اذهب إلى وضع النظام الرياضي وأدخل الدالة المراد حلها. $25e^{\frac{1}{2}x} - 100e^{-x}$
Solve for X	SHIFT CALC	- وبالضغط على (CALC) (SHIFT) احضر حلول المعادلة.

حل المعادلة

$25e^{-0.5x} - 100e^{-x}$ $x = 2.772588722$ $L-R = 0$	0 \Rightarrow	- أدخل 0 كقيمة ابتدائية (أولية)، وأكد على ذلك بالضغط على \Rightarrow .
---	-------------------	--

لقد قمت بحل المعادلة الأسية بحال المعادلة وبوضع القيمة الأولية = 0؛ وحصلت على الناتج = 2.772588722.

١٢-٧ اختبار الجزء الثاني للشرط الكافي بواسطة عملية التفاضل:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$10e^{-x} \Big _{x=\ln(16)}$	SHIFT $\left[\frac{1}{x} \right]$ 2 5 SHIFT \ln (\leftarrow) 0 \cdot 5 ALPHA \rightarrow $\text{}$ $=$ 1 0 0 SHIFT \ln (\leftarrow) ALPHA \rightarrow $\text{}$ \rightarrow \ln 1 6 $\text{}$	- يجب عليك فقط إدخال عملية التفاضل، والدالة، والمكان (الزمن) حيث سيتم التحقق من نسبة التغير في هذه الحالة: $\frac{d}{dx} (20e^{-0.5x} - 100e^{-x}) \Big _{x=\ln(16)}$
$\frac{d}{dx} (25e^{-0.5x} - 100e^{-x})$ 3.125	\Rightarrow	- أكد على ذلك بالضغط على \Rightarrow .

لقد حسبت المشتقة الأولى عند $x = \ln(16)$ ، وحصلت على الناتج قيمة موجبة 3.125.

١٣-٧ حساب قيمة الدالة بواسطة الـ CALC:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$10e^{-0.5x} + 100e^{-x}$	(\leftarrow) 5 0 SHIFT \ln (\leftarrow) 0 \cdot 5 ALPHA \rightarrow $\text{}$ \rightarrow $\text{}$ $+$ 1 0 0 SHIFT \ln (\leftarrow) ALPHA \rightarrow $\text{}$	- أدخل الجزء الأيمن من الدالة $g(x)$ $-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}$

$X?$ 2.770088722	<p>CALC</p>	<p>- ابدأ حساب الدالة بالضغط على CALC.</p>
$-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}$ $- \frac{25}{4}$	<p>ln 1 6</p> <p>=</p>	<p>- أدخل قيمة $\ln(16)$ لـ x وأكد على ذلك بالضغط على =.</p>
$-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}$ -6.25	<p>S+D</p>	<p>- وبالضغط على S+D، غير الكسر الاعتيادي إلى رقم عشري.</p>

لقد حسبت قيمة الدالة عند $x = \ln(16)$ وحصلت على الناتج = -6.25 .

٧-١٤ حساب المساحة المغلقة:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<p>معامل التكامل</p> $\int_0^{\ln(4)} -50e^{-0.5x}$	<p>5 (-) 5</p> <p>0 SHIFT ln</p> <p>(-) 0 (-)</p> <p>5 ALPHA</p> <p>) (+)</p> <p>1 0 0</p> <p>SHIFT ln (-)</p> <p>ALPHA)</p> <p>(+) 0</p> <p>(+) ln 4</p> <p>)</p>	<p>- أدخل العملية التكاملية، والدالة المراد حسابها، وحدود التكامل:</p> $\int_0^{\ln(4)} (-50e^{-0.5x} + 100e^{-x}) dx$
$\int_0^{\ln(4)} -50e^{-0.5x}$ 25	<p>=</p>	<p>- وأكد على ذلك بالضغط على =.</p>

بواسطة معامل التكامل، لقد حصلت على ناتج المساحة المغلقة من الرسم وكانت قيمة الناتج = 25 وحدة مربعة.

الفصل الثامن

٨- المتجهات

٨-١ التحول إلى نظام المتجهات، وأدخال أول متجه:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre>1:COMP 2:CMPLX 3:STAT 4:BASE-N 5:EQN 6:MATRIX 7:TABLE 8:VECTOR</pre>	MODE	- احضر القائمة لتغيير نظام الحسابات.
<pre>Vector? 1:VctA 2:VctB 3:VctC</pre>	8	- ثم اذهب إلى نظام المتجهات باختيار الخيار رقم 8.
<pre>VctA(m) m? 1:3 2:2</pre>	1	- ولإدخال المتجه A، اختار الخيار رقم 1.
<pre>A [0 0 0] 0</pre>	1	- هذا المتجه له ثلاثة أبعاد. ثم اضغط على الخيار رقم 1.
<pre>A [1 1 0] 2</pre>	1 = 1 = 2 =	- الآن يمكنك إدخال وضع المتجه A[1 1 2].
	AC	- وبالضغط على AC، تمسح كل المعروض. - بعد إدخال متجه واحد يجب عليك فوراً بعد تغيير النظام، الضغط على مفتاح AC.

لقد أدخلت المتجه A، وحتى الآن أنت في نظام حساب المتجهات. ويجب الانتباه لذلك بسبب وجود علامة VCT في السطر العلوي.

٨ - ٢ إدخال المزيد من المتجهات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre> 1: Dim 2: Data 3: VctA 4: VctB 5: VctC 6: VctAns 7: Dot </pre>		- بالضغط على  احضر قائمة المتجهات.
<pre> Vector? 1: VctA 2: VctB 3: VctC </pre>		- ومنها اختار الخيار رقم  وفيها وظائف إدخال البيانات.
<pre> VctA(m) m? 1: 3 2: 2 </pre>		- أشر على أنك تريد أن تختار المتجه B وذلك بالضغط على الخيار رقم  .
		- وهذا المتجه سيكون له ثلاثة أبعاد. - ثم اختار الخيار رقم  .
	    	والآن يمكنك (في النهاية) إدخال وضع المتجه $B[2] - B[1]$.
		- نظف الشاشة بالضغط على  .

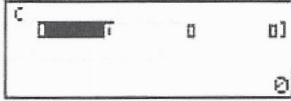

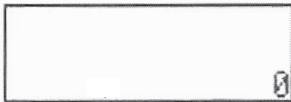
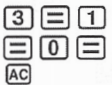
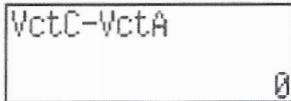

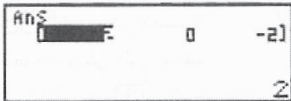

لقد أدخلت المتجه B، ويمكنك عمل الحسابات به.

٣-٨ طرح المتجهات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre> 1:Dim 2:Data 3:VctA 4:VctB 5:VctC 6:VctAns 7:Dot </pre>	SHIFT 5	- لكي تستخدم المتجهات المدخلة، يجب عليك إحصار قائمة المتجهات مرة ثانية.
VctB	4	- اختار المتجه B بالخيار رقم 4.
VctB-	-	- اضغط على عامل الطرح -.
VctB-VctA	SHIFT 5 3	- مرة ثانية، بالضغط على SHIFT 5 احضر قائمة المتجهات، وعلى الفور اضغط على الخيار رقم 3 واطرح مئة المتجه A.
<pre> Ans 1 -2 0] 1 </pre>	=	- ابدأ الحل بالضغط على =.

$$\begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \text{لقد قمت بحساب}$$

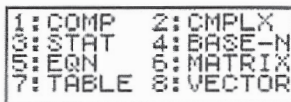

٨- ٤ إدخال وطرح متجه واحد:

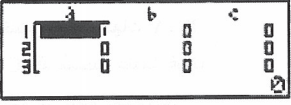
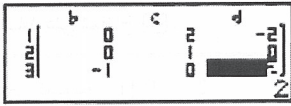
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- احضر قائمة المتجهات وأدخل ثلاثة أبعاد للمتجه C.
		- أدخل وضع المتجه [3 1 0]، ثم امسح الشاشة.
		- ثم أدخل الأمر كما يلي: VctC - VctA
		- وابدأ الحل بالضغط على =.

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{bmatrix}$$

بواسطة الآلة الحاسبة، لقد قمت بحساب

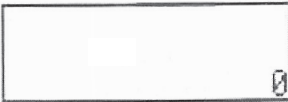
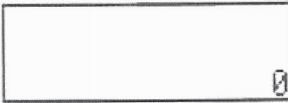
٨- ٥ حل نظام المعادلات ذو الثلاثة المجاهيل:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أولاً، احضر القائمة لتغيير نظام الحساب.

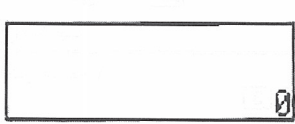
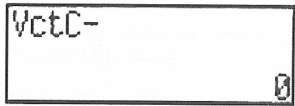

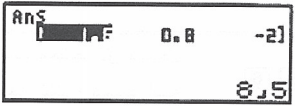
<p>1: $ax+by=c$ 2: $ax+by+cz=d$ 3: $ax^2+bx+c=0$ 4: $ax^3+bx^2+cx+d=0$</p>	<p>5</p>	<p>- أدخل لنظام المعادلات بالضغط على مفتاح 5.</p>
	<p>2</p>	<p>- وهنا اختار نظام حل ثلاثة معادلات بثلاثة مجاهيل في وقت واحد وذلك بالضغط على رقم 2.</p>
	<p>1 2 0 2 2 2 0 1 0 0 2 1 0 2</p>	<p>- أدخل معاملات المعادلات. وهم: $[-1 \ 0 \ 2 \ -2]$ $[2 \ 0 \ 1 \ 0]$ $[0 \ -1 \ 0 \ 2]$</p>
<p>X=</p>	<p>2</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على 2؛ ستحصل على الحل لأول مجهول.</p>
<p>Y=</p>	<p>2</p>	<p>- احضر نتيجة ثاني مجهول بالضغط على 2.</p>
<p>Z=</p>	<p>2</p>	<p>- ولتحصل على ثالث مجهول اضغط على 2 مرة ثانية.</p>

لقد قمت بحل المعادلات الخطية بثلاث مجاهيل وحصلت على القيم $-\frac{4}{5}$ ، -2 ، $\frac{5}{2}$.

٦-٨ جمع المتجهات وضربها برقم عددي:

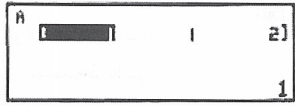
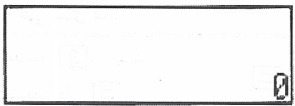
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre>Vector? 1:VectA 2:VectB 3:VectC</pre>	<p>MODE 8</p>	<p>- احضر نظام المتجهات: - لسوء الحظ كل البيانات التي أدخلت (كل المتجهات A, B, و C) قد مُسِحتَ عندما غيرنا النظام إلى نظام المعادلات.</p>
	<p>1 1 1 = 1 = 2 = AC</p>	<p>- مباشرة أدخل الثلاثة أبعاد للمتجه A [1 1 2]. - بعد إدخال المتجه وقد غيرنا النظام، فيجب عليك دائماً الضغط على المفتاح AC.</p>
	<p>SHIFT 5 2 2 1 1 = (-) 2 = 0 = AC</p>	<p>- أدخل المتجه B [1 - 2 0].</p>
<pre>VectA+2.5×VectB</pre>	<p>SHIFT 5 3 + 2 = 5 × SHIFT 5 4</p>	<p>- الآن احسب $\text{VectA} + \frac{2}{5} \times \text{VectB}$ - الكسر $\frac{2}{5}$ سيدخل في الآلة الحاسبة بالشكل الخاص لـ 2.5</p>
<pre>Ans 0.2 2] 7.5</pre>	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على [=]</p>

٧-٨ استخدام نتيجة المتجه المخزنة في عملية الطرح:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	SHIFT 5 2 3 1 3 = 1 = 0 = AC	- احضر قائمة المتجهات، وادخل المتجه [3 1 0] C؛ ثم امسح الشاشة.
	SHIFT 5 5 =	- احضر المتجه C واضغط على مفتاح الطرح.
	SHIFT 5 6	- احضر المتجه من الحل الأخير بواسطة الضغط على SHIFT 5 6 .
	=	- ابدأ الحل بالضغط على = .

لقد فتحت عملية طرح المتجه، باستخدام ذاكرة إجابة المتجه لحفظ المطروح، والمتجه الناتج = $[-2; 0,8; 1,6]$

٨-٨ الحسابات بواسطة القيم المطلقة للمتجه:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	SHIFT 5 2 1	- الآن خزن أول المعاملات كمتجه A. ولتعمل ذلك، احضر نموذج المتجه A. وهناك ستري المتجه A ما زال موجود .
	1 = (-) 2 = 0 = AC	- أدخل المتجه AB، وهو [0 -2 1]، وامسح الشاشة.

قيمة
المعادلة
المطلقة
(Abs)

<p>Abs(</p>	<p>SHIFT hyp</p>	<p>- ولحساب القيمة المطلقة للمتجه، استخدم خاصية القيمة المطلقة (Abs) بالضغط على SHIFT بالترتيب hyp.</p>
<p>Abs(VctA</p>	<p>SHIFT 5 3</p>	<p>- أضر المتجه A.</p>
<p>Abs(VctA)×</p>	<p>) ×</p>	<p>- وبواسطة ()، أغلق القوس، وأدخل عامل الضرب ×.</p>
<p>Abs(VctA)×Abs(</p>	<p>SHIFT hyp</p>	<p>- اختار خاصية القيمة المطلقة (Abs) للمتجه الثاني.</p>
<p>←×Abs(VctAns</p>	<p>SHIFT 5 6</p>	<p>- ولست محتاجاً لأن تدخل المتجه الثاني؛ فتجد أنه مازال موجود في الذاكرة، كنتيجة للمتجه في الحسابات الأخيرة. اختاره وذلك بالضغط على SHIFT 5 6.</p>
<p>←×Abs(VctAns) ↓</p>	<p>) ⏏</p>	<p>- وبواسطة () أغلق آخر قوس وأدخل الكسر الاعتيادي بالضغط على ⏏.</p> <p>- الكسر سيظهر مرة ثانية في الآلة على شكل 1.</p>
<p>Abs(VctA)×Abs(V></p>	<p>2 ⏏</p>	<p>- أدخل المقام 2، وابدأ الحل بالضغط على ⏏.</p>

إجابة
المتجه
المغزونة

لقد نفذت الحسابات بواسطة القيم المطلقة للمتجه، وحاصل الناتج = 3 .

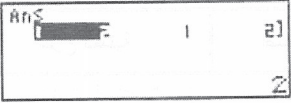
٨- ٩ الحسابات باستخدام حاصل الضرب الاتجاهي :

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	SHIFT 5 2 2 2 = 0 = (-) 2 = AC	- أول معامل قد أدخلته بالفعل وهو المتجه A. ثم يجب عليك إدخال المعامل الثاني وهو المتجه B، ثم نظف الشاشة.
	SHIFT 5 3	- أحضر المتجه A.
	X	- عملية حاصل الضرب هي علامة الـ (X).
	SHIFT 5 4 =	- أحضر المتجه B وابدأ الحل بالضغط على [=].

لقد حسبت حاصل ضرب المتجهات $\begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 0 \end{bmatrix}$ و $\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{bmatrix}$ ، والمتجه الناتج = $\begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix}$ ؛ ويمكن قسمته على 2 بكل بساطة.


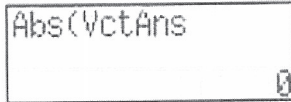
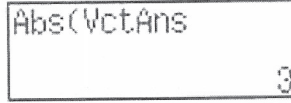
٨- ١٠ قسمة المتجه على رقم عددي:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	÷	- أدخل عامل القسمة (÷).


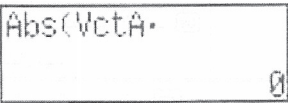
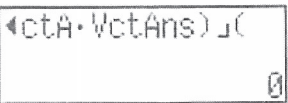
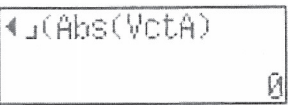
	<p>2 \square</p>	<p>- ولأنك أدخلت عامل القسمة مباشرة فستفترض الآلة الحاسبة أنك تريد استخدام آخر متجه في تلك القسمة.</p> <p>- لذلك، ستحتاج فقط لإدخال الرقم 2 \square المقسوم عليه وبدأ الحل بالضغط على \square.</p>
---	-------------------------------	--



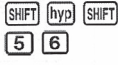







لقد قسمت المتجه على 2 لتحصل على المتجه = $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$

٨- ١١ حساب مقدار المتجه:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>SHIFT hyp</p>	<p>- اختيار خاصية القيمة المطلقة (Abs).</p>
	<p>SHIFT 5 6</p>	<p>- المتجه العادي مازال في ذاكرة إجابة المتجه (VecAns)؛ ويمكنك إحضارها بالضغط على SHIFT 6 5.</p>
	<p>\square</p>	<p>- يمكنك إهمال وضع علامة \square. ابدأ الحل بالضغط على \square.</p>

لقد حسبت قيمة المتجه $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}$ ، وكان الناتج = 3.

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	SHIFT 5 2 1 1 4 = 2 = 1 = AC	- أدخل المتجه المحسوب بالفعل [4 2 1] وخرنه كمتجه A؛ ونظف الشاشة. - (المتجه العادي مازال موجود داخل ذاكرة إجابة المتجه ((VectAns)).
Abs(VctA 	SHIFT hyp SHIFT 5 3	- أحضر المتجه A.
Abs(VctA· 	SHIFT 5 7	- أدخل الضرب العددي - الآلة الحاسبة "لا تعرف" أن عملية حساب المتجهين له الأولوية عن عملية الكسر الاعتيادي الذي يتبعه مباشرة. و لذلك فالأقواس هنا مطلوبة بشدة لعملية المتجهين.
ctA·VectAns) 	SHIFT 5 6)	- أحضر ذاكرة إجابة المتجه (VectAns) وأغلق القوسين بـ [C].
ctA·VectAns)) 	= (- أدخل عامل الكسر الاعتيادي [=] وسيعرض بهذا الشكل في الآلة. - سيجب عليك إدخال المقام داخل قوسين. لذلك اضغط على [)]
ctA·VectAns)) 	SHIFT hyp SHIFT 5 3)	- اختر وظيفة القيمة المطلقة (Abs)، احضر المتجه A، وأغلق عليه بقوسين.

<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\leftarrow \text{Abs(VctA)} \times$ </div>		<p>- انتبه إلى أن عملية الضرب في المقام. هذا وضع طبيعي تماماً لضرب رقمين؛ لذلك اضغط على .</p>
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\leftarrow \times \text{Abs(VctAns}$ </div>		<p>- أختَر وظيفة القيمة المطلقة (Abs)، وأحضر ذاكرة إجابة المتجه (VectAns).</p>
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\text{Abs(VctA} \cdot \text{VctAns} \rightarrow$ 0.8728715609 </div>		<p>- إغلاق آخر قوس غير ضروري. - ابدأ الحل بالضغط على .</p>
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\sin^{-1}(\text{Ans}$ 0.8728715609 </div>		<p>- الآن، احسب \sin^{-1} للنتيجة التي حصلنا عليها. وبالضغط على ، احضر وظيفة \sin^{-1}، واختار  كمعامل لها.</p>
<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> $\sin^{-1}(\text{Ans}$ 60.79406775 </div>		<p>- ابدأ الحل بالضغط على .</p>

لقد حسبت الزاوية بين اتجاه المتجه AD والمتجه الطبيعي E_{ABC} ، للحصول على الناتج = $60,79^\circ$.

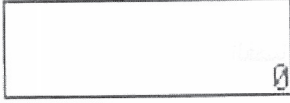
الفصل التاسع

٩- المصفوفات

٩-١ التحول إلى نظام المصفوفات، ووضع مدخلات أول مصفوفة:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre>1:COMP 2:CMPLX 3:STAT 4:BASE-N 5:EQN 6:MATRIX 7:TABLE 8:VECTOR</pre>	MODE	- الآن أضر القائمة لتغيير نظام الحسابات.
<pre>Matrix? 1:MatA 2:MatB 3:MatC</pre>	6	- ثم اختار نظام المصفوفات بالضغط على الخيار رقم 6.
<pre>MatA(mxn) mxn? 1:3x3 2:3x2 3:3x1 4:2x3 5:2x2 6:2x1</pre>	1	- اختار الخيار 1 بتحديد المصفوفة A.
<pre>A [0 0 0 0 0 0 0 0 0]</pre>	1	- حدد أبعاد المصفوفة. في هذه الحالة باختيار الخيار رقم 1، ستكون أبعاد المصفوفة 3×3 .
<pre>A [0.7 0.2 0.4 0.1 0.4 0.1 0.2 0.4 0.5]</pre>	<pre>7 = 2 = 4 = 1 = 4 = 1 = 2 = 4 = 5 =</pre>	- الآن أدخل القيم لكل عامل في المصفوفة A. - يمكنك تجنب الضغط على الصفر قبل العلامة العشرية، وذلك بالضغط مباشرة على مفتاح $\frac{\square}{\square}$ ثم أدخل الرقم.

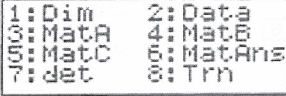
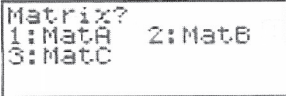
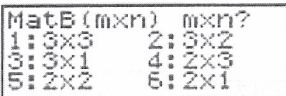
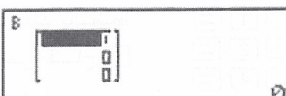
نظام
المصفوفات

	AC	- أمسح الشاشة بالضغط على AC . - بعد إدخال كل قيم المصفوفة عليك أن تضغط على مفتاح AC .
---	-----------	--

الآن قد تحولت إلى نظام المصفوفة وتحديد المصفوفة A. وعلامة الـ **MAT** التي تظهر في أعلى الشاشة تذكرك بأنك موجود في نظام المصفوفة.

٩- ٢. إدخال قيم مصفوفات أخرى:

قائمة
المصفوفات

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	SHIFT 4	- بالضغط على SHIFT 4 ، أضر قائمة المصفوفات.
	2	- ومن هناك اختر الخيار رقم 2 ثم من القائمة الفرعية لإدخال بيانات المصفوفة.
	2	- وباختيارك الخيار رقم 2 فهذا يعني أنك تريد المصفوفة B. - وبالتعامل مع المصفوفة سيكون مقدارها كما هو مبين كمصفوفة 1×3 . - ومقدار المشتريين أيضاً ستظهر كمصفوفة.
	3	- إذن هذه المصفوفة ستكون أبعادها 1×3 . - لذلك اضغط على الخيار رقم 3 .

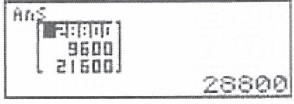


	<p>2 4 0 0 0 = 1 2 0 0 0 = 2 4 0 0 0 =</p>	<p>- الآن يمكنك تسجيل مقدار المعاملات للمصفوفة B [24000 12000 24000].</p>
	<p>AC</p>	<p>- نظف الشاشة بالضغط على AC.</p>

لقد أدخلت المصفوفة B، ويمكنك عمل الحسابات باستخدام هذه المصفوفة.

٣-٩ ضرب المصفوفات :




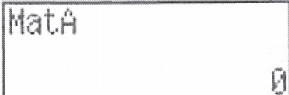
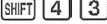



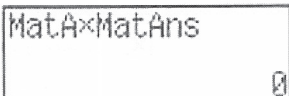




ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>SHIFT 4</p>	<p>- لاستخدام المصفوفات التي تم إدخالها، يجب عليك إحضار قائمة المصفوفات مرة ثانية.</p>
	<p>3</p>	<p>- بالخيار 3 رقم نختار المصفوفة A.</p>
	<p>×</p>	<p>- اختيار معامل الضرب .</p>
	<p>SHIFT 4 4</p>	<p>- مرة ثانية أحضر قائمة المصفوفات بالضغط على SHIFT 4 ومن هناك اختار المصفوفة B كمعامل الضرب الثاني بالضغط على الخيار رقم 4.</p>

ضرب
المصفوفات

		- ابدأ الحل بالضغط على  .
---	---	--

لقد قمت بعمل أول عملية ضرب للمصفوفات باستخدام الآلة الحاسبة CASIO fx-991 ES .

٩-٤ استخدام ذاكرة الإجابة للمصفوفات (MatAns):

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- الآن نظف الشاشة بالضغط على  . - قبل أن تقوم بأي حسابات جديدة في نظام المصفوفات، فعليك أولاً أن تنظف الشاشة.
		- لأول معامل اختار توزيع المصفوفة A.
		- اضغط عامل الضرب  .
		- اختار ذاكرة إجابة المصفوفات لاستخدامها كمعامل ثاني في عملية الضرب.
		- بالضغط على  ابدأ الحل.

لقد استخدمت ذاكرة إجابة المصفوفة، وحسبت عدد المبيعات للأسبوع الثاني.

٩-٥ استخدام ذاكرة الحسابات السابقة في حسابات المصفوفات :

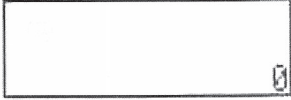


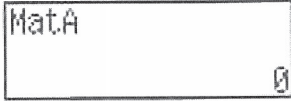



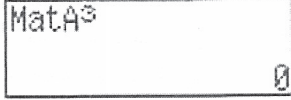





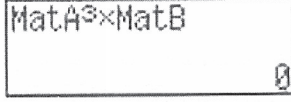


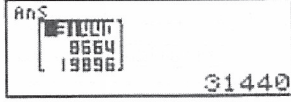


ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
--------------------	----------	-------------

	AC	- الآن نظف الشاشة بالضغط على AC.
	◀	- اضغط على ◀ لإحضار آخر حسابات.
	=	- ابدأ الحل بالضغط على [=].
	AC ◀ =	- الآن نظف الشاشة بالضغط على AC، وبالضغط على ◀ أحضر آخر نتيجة وابدأ الحل بالضغط على [=].
<p>ملحوظة (نصيحة):</p> <p>- عند قراءة طول الرقم الناتج، فيجب عليك دائماً ملاحظة مقدار الرقم المعروض في الركن الأيمن من الشاشة. وعندما تستعرض المصفوفة، فالنتائج لن تستطيع تناوبها كلها، ولكنها ستكون مقطوعة. ويمكنك مشاهدة كل عوامل المصفوفة في الركن السفلي الأيمن من الشاشة وذلك بالضغط على المفاتيح ▲ ▼.</p> <p>- وفي حالة عدم رغبتك أن تتناوب على الأرقام بالطريقة اليدوية، فيمكنك عمل ذلك أوتوماتك بالضغط على 0 [MODE] [SHIFT] [6]، فعملية التناوب الأوتوماتيكية هذه ستظهر أمامك في الركن السفلي الأيمن من الشاشة.</p> <p>- إذا أردت مرة ثانية الحصول على كل الأرقام العشرية، فيمكنك ذلك بتشغيل "نظام التناوب" بالضغط على المفاتيح [1] [8] [MODE] [SHIFT].</p>		
	AC ◀ =	- اعمل هذا الحل مرة ثانية بالضغط على AC ◀، كالعادة. [=]

بمساعدة ذاكرة الحسابات المخزنة، فقد حسبت بالفعل عدد المشتريين من الأسبوع الثالث إلى الأسبوع الخامس.

٩-٦ رفع المصفوفة لاس:

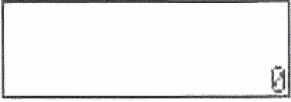
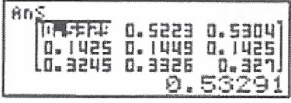
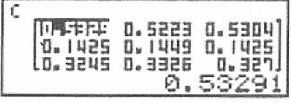
شرح العملية	اضغط على	ما يظهر على الشاشة
-------------	----------	--------------------

		<p>- الآن نظف الشاشة بالضغط على  .</p>
		<p>- ومن قائمة المصفوفات (بالضغط على ) لإحضارها، اختار المصفوفة A وبالضغط على الخيار رقم  .</p>
		<p>- وبالضغط على  سترفع أس المصفوفة A للدرجة 3. - الآلة الحاسبة fx-991 ES هي فقط التي لديها القدرة على رفع الأسس إلى الدرجة 3 في حسابات المصفوفة. ولعمل ذلك يجب عليك واستخدام المفتاح  ، أو المفاتيح  معاً. وعلامة الأسس الصريحة مثل مفتاح  ، غير متاح.</p>
		<p>- اضغط مفتاح الضرب  ، واحضر المصفوفة B كمعامل ثاني من قائمة المصفوفات.</p>
		<p>- ابدأ الحل بالضغط على  .</p>

ضرب المصفوفة A المرفوعة للأس الثالث \times مصفوفة المشتريين B، ولقد حسبت عدد المشتريين للأسبوع الثالث، لذلك أكد على الاعتبارات النظرية المشار إليها بأعلى.

٩- ٧ تخزين المصفوفات:


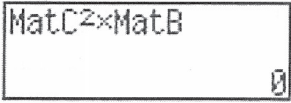

<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------


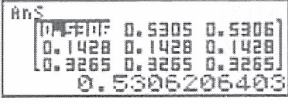
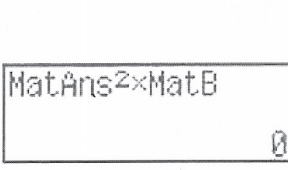

	<p>AC</p>	<p>- الآن نظف الشاشة بالضغط على AC.</p>
	<p>SHIFT 4 3 SHIFT x² X SHIFT 4 3 x² =</p>	<p>- ثم احسب $A^2 \cdot A^3$.</p>
	<p>SHIFT RCL hyp</p>	<p>- خزن النتيجة، A^5، في المصفوفة C. - وستعرف أن إجراءات التخزين كانت ناجحة وذلك برويتك للمصفوفة C معروضة أمامك في الركن العلوي الأيسر من الشاشة.</p>

ذاكرة
المصفوفة

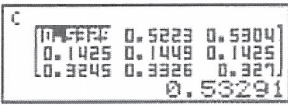
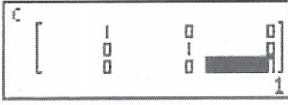
لقد نجحت في تخزين ناتج A^5 داخل مصفوفة الذاكرة C.


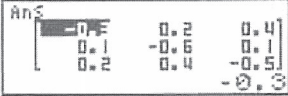
٩- ٨ الحسابات بواسطة المصفوفات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>AC</p>	<p>- الآن نظف الشاشة بالضغط على AC.</p>
	<p>SHIFT 4 5 x² X SHIFT 4 4 =</p>	<p>- الآن احسب $C^2 \cdot B$.</p>
	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على [=].</p>

	<p>AC SHIFT 4 5 SHIFT x² X SHIFT 4 4 =</p>	<p>- احسب عدد المشتريين لخمسة عشر أسبوع وذلك عن طريق الصيغة $C^3 \cdot B$.</p>
	<p>AC SHIFT 4 5 x² =</p>	<p>- الآن احسب $C^2 = A^{10}$</p>
	<p>AC SHIFT 4 6 x² X SHIFT 4 4</p>	<p>- ثم بواسطة ذاكرة إجابة المصفوفة (MatAns)، أحضر آخر نتيجة، أرفع قوة أسها لدرجة 2، ثم بعد ذلك اضربها \times المصفوفة B. - وبنفس الطريقة يمكنك الحصول على نتيجة $A^{20} \cdot B$</p>
	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على [=]</p>



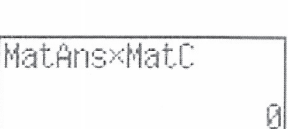

٩-٩ طرح المصفوفات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>AC SHIFT 4 2 3</p>	<p>- للحساب باستخدام المصفوفات المحددة، فيجب الدخول إلى المصفوفة المخزنة C. - وعند إحضارها سترى شكل المصفوفة على الشاشة.</p>
	<p>1 = 0 = 0 = 0 = 1 = 0 = 0 = 0 = 1 =</p>	<p>- حول المصفوفة C إلى مصفوفة مماثلة.</p>

	<p>AC SHIFT 4 3 = SHIFT 4 5</p>	<p>- الآن احسب C - A</p>
	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على [=]</p>

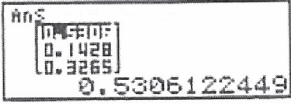

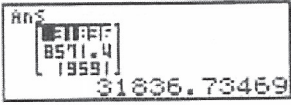

لقد نفذت عملية طرح المصفوفات.

٩- ١٠ تغيير أبعاد المصفوفة:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>AC SHIFT 4 1 3 3</p>	<p>- لكي تكون قادر على تخزين مقدار المشتريين، فعليك تغيير أبعاد المصفوفة في الذاكرة C.</p>
	<p>2 6 = 7 = 1 6 =</p>	<p>- الآن أدخل كل أرقام مصفوفة المشتريين.</p>
	<p>AC SHIFT 4 6 X SHIFT 4 5</p>	<p>- واحسب كالآتي: $\begin{bmatrix} -0,3 & 0,2 & 0,4 \\ 0,1 & -0,6 & 0,1 \\ 0,2 & 0,4 & -0,5 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 26 \\ 7 \\ 16 \end{bmatrix}$ </p> <p>- المصفوفة تكون مازالت في ذاكرة إجابة المصفوفة.</p>
	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على [=]</p>

لقد غيرت أبعاد المصفوفة C ونفذت عملية ضرب المصفوفات. مصفوفة المشتريين المحسوبة تبدو صحيحة.

٩- ١١ قسمة المصفوفات:


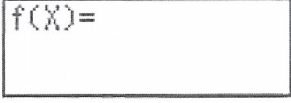

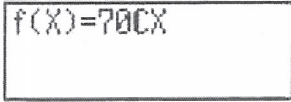

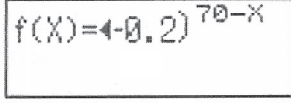
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- اقم المصفوفة C على 49.
		- واضرب الناتج $\times 60000$.

لقد نفذت عملية قسمة وضرب مصفوفة واحدة، وبذلك تحصل على عدد المشتريين.

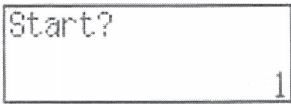


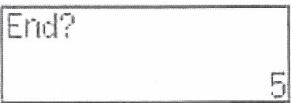



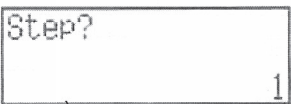




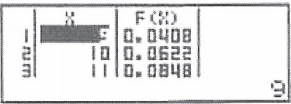









الفصل العاشر

١٠- معاملات ثنائية القيمة (معادلة من الدرجة الثانية) - عملية الجمع - الوضع (النظام) الإحصائي- الحساب - المحددات .

١٠-١ إخراج القيم في جدول:

شرح العملية	اضغط على	ما يظهر على الشاشة
- الآن أخصر القائمة لتغيير نظام الحسابات.	MODE	
- ثم تحول إلى نظام الجدول بالضغط على مفتاح 7 .	7	
- يمكنك إدخال المعادلة: - ابدأ بمعاملين ثنائيين $\begin{pmatrix} 70 \\ x \end{pmatrix}$. - الآن أدخل القيمة العليا بـ 70، وبالضغط على SHIFT $\left[\frac{\square}{\square} \right]$ اختار معاملات ذو الحدين . - المعامل الثنائي لن يظهر في صورة الكتابة المعتادة؛ ولكنه سيظهر على الشاشة مثل الـ C.		
- الآن أدخل المعادلة: $0,2^x \cdot (1-0,2)^{70-x}$		

المعاملات
الثنائية

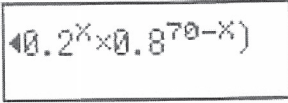
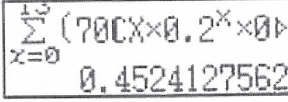
		<p>- وأكد على هذه المدخلة بالضغط على .</p>
		<p>- وأدخل القيمة الابتدائية ، وأكد عليها بالضغط على .</p>
		<p>- ستظهر نافذة إدخال الرقم النهائي. عندئذ أدخل   وأكد عليها بالضغط على .</p>
		<p>- في النهاية، أدخل قيمة الزيادة وهي في حالتنا هذه ، وأكد عليها أيضاً بالضغط على .</p> <p>- عملية الحل تستغرق حوالي 8 ثواني، فلا تقلق.</p>
		<p>- بواسطة المفتاح  يمكنك الذهاب إلى عمود قيم المعادلة. وبالضغط على  يمكنك من استعراض أرقام المعادلة داخل عمود قيم المعادلة.</p> <p>- لاحظ أن قيم المعادلة من الجدول تكون لرقمين عشريين؛ وبذلك القيم يمكنك رسم شكل بياني.</p> <p>ملحوظة (نصيحة):</p> <p>- إذا لم ترغب في التناوب على القيم يدوياً، فيمكنك بالضغط على     لعمل ذلك أوتوماتيكياً، وهذه القيم ستظهر في الركن السفلي الأيمن لرقمين عشريين.</p>

	<p>- بعد تسجيل النتائج، يجب عليك إطفاء خاصية التناوب الأوتوماتيكي بالضغط على 1 8 MODE SHIFT.</p>
--	---

الآن أنت جيزت جدول القيم الاحتمالية، وسجلت هذه القيم في جدول.

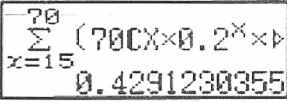
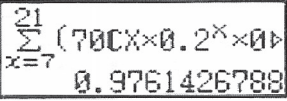
١٠- ٢ حساب مجموع الاحتمالات:

$$\sum_{x=0}^{13} \binom{70}{x} \cdot 0,2^x \cdot 0,8^{70-x}$$

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>MODE 1 SHIFT 7 0 SHIFT $\frac{\square}{\square}$ ALPHA \square \times 0 \square 2 \times^{\square} ALPHA \square \square \times 0 0 8 \times^{\square} 7 0 \square ALPHA \square \square</p>	<p>- الآن ارجع لوضع النظام الرياضي، وأدخل المعادلة التي بأعلى.</p>
	<p>\square 0 \square 1 3 \square</p>	<p>- اضغط المفتاح \square مرتين، لإدخال حدود الجمع؛ ثم أدخل القيم 0 و 1 و 3، وأكد عليهم بالضغط على \square.</p> <p>- عملية الحل تستغرق حوالي 10 ثواني فلا تقلق.</p>

لقد حسبنا احتمال أقل من ١٤ طالب قد رسبوا في امتحان القيادة، والنتيجة كانت 0,452 أو 45,2% .

١٠ - ٣ ضبط حدود المجموع:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	<p>اضغط ٥ مرات على \leftarrow.</p> <p>DEL 1 5</p> <p>▶ ▶ ▶</p> <p>DEL DEL 7</p> <p>0 =</p>	<p>- غَيِّر المعادلة التي قد أدخلتها بالفعل لحساب الجمع لحدي المجموع 5 1 و 0 7.</p> <p>- الحسابات تستغرق حوالي 50 ثانية فلا تعلق.</p> <p>- ومن ناحية ثانية تكون أسرع إذا أنت حسبت الاحتمال المقابل من \sum_0^{14} وطرحته الناتج من 1.</p>
<p>لقد حسبت $\sum_{x=15}^{70} \binom{70}{x} \cdot 0,2^x \cdot 0,8^{70-x}$ ونتيجته 0,429</p>		
	<p>اضغط ٥ مرات على \leftarrow.</p> <p>DEL DEL 7</p> <p>▶ ▶ ▶</p> <p>DEL DEL 2</p> <p>1 =</p>	<p>- الآن، غَيِّر المعادلة الموجودة بالفعل لكي تحسب مجموع الاحتمالات لحدي الجمع 7 و 21.</p> <p>- الحسابات الأخيرة تستغرق حوالي 12 ثانية فلا تعلق.</p>

لقد قمت بحساب $\sum_{x=7}^{21} \binom{70}{x} \cdot 0,2^x \cdot 0,8^{70-x}$ ، ونتيجته 0,976

بتغيير حدود المجموع ، فقد حسبت العديد من الاحتمالات.

١٠- ٤ حساب الانحراف المعياري:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أدخل الصيغة التالية لحسابها $\sqrt{70 \times 0.2 \times (1 - 0.2)}$ - وأكد عليها بالضغط على [=].
		- للحصول على النتيجة كرقم عشري أضغط على [S+D].

لقد حسبنا الانحراف المعياري وحصلنا على الناتج تقريبا = 3,35 ؛ وهذه القيمة أكبر من 3 والشرط المفترض قد تحقق، لذلك يمكن استخدام الصيغة العملية بفترة ثقة 90% .

١٠- ٥ الحساب بفترة الثقة 90%:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	
		- الآن ستحصل على ناتج للحد الأدنى في صورة رقم عشري.
- يجب عليك لذلك حساب الحد الأدنى لفترة الثقة.		
		- لحساب الحد الأعلى لفترة الثقة يجب عليك فقط تعديل الحسابات التي عملت بالفعل بوضع علامة + بدلاً من علامة -.

لقد حسبنا الحدود لفترة ثقة مقدارها 90% ، وحصلنا على 9 طلاب للحد الأدنى ؛ و 19 طالب كحد أعلى.

٦-١٠ حساب مجموع الاحتمالات:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\sum_{x=9}^{19} (70C_x \times 0.2^x \times 0.8^{20-x})$ <p>0.9017514387</p>	٣ مرات على \blacktriangle ٥ مرات على \blacktriangleleft DEL 9 \blacktriangleright \blacktriangleright DEL DEL 1 9 =	- أحضر الصيغة السابقة لحساب عمليات الجمع للاحتمالات، وغير حدود الجمع إلى 9 و 1 و 9

لقد أكدت على حدود المجموع المشار إليها وحدود الثقة المحسوبة سابقاً، للحصول على ناتج الاحتمال = 0,9 .

٧-١٠ حساب الانحراف المعياري:

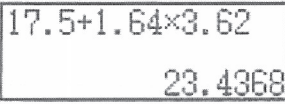
ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$\sqrt{70 \times 0.25 \times (1-0.2)}$ <p>$\frac{\sqrt{210}}{4}$</p>	٣ مرات على \blacktriangle ٥ مرات على \blacktriangleleft 5 ٨ مرات على \blacktriangleleft 5 =	- أدخل الصيغة التالية لحسابها $\sqrt{70 \times 0.2 \times (1-0.2)}$ - وأكد عليها بالضغط على =
$\sqrt{70 \times 0.25 \times (1-0.2)}$ <p>3.622844187</p>	SD	- وللحصول على الناتج في صورة رقم عشري، اضغط على SD

لقد حسبت للتو الانحراف المعياري وحصلت على الناتج = 3,62 . وهي أكبر من 3. ويمكنك أيضاً استخدام القاعدة العملية لفترة الثقة 90% .

٨-١٠ الحساب بفترة الثقة 90%:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
$17.5 - 1.64 \times 3.62$ <p>11.5632</p>	1 7 . 5 - 1 . 6 4 X 3 . 6 2 SHIFT =	- الآن احسب الحد الأدنى في صورة رقم عشري.

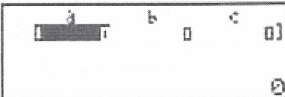
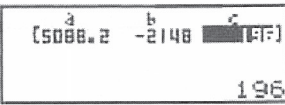

- هنا قد حسبت الحد الأدنى لفترة الثقة.



	<p>١٠ مرات على \leftarrow. $\left[\text{DEL} \right] \left[+ \right] \left[\text{SHIFT} \right]$ $\left[\text{=} \right]$</p>	<p>- لحساب الحد الأعلى لفترة الثقة يجب عليك فقط تعديل الحسابات التي عملت بالفعل بوضع علامة $\left[+ \right]$ بدلاً من علامة $\left[- \right]$.</p>
---	--	--

لقد حسبت بفترة ثقة 90% لحدود نسبة السقوط 25%، وحصلت على ناتج للحد الأدنى = 12 والحد الأعلى = 23

١٠- ٩ حساب حدود فترة الثقة:


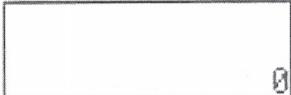




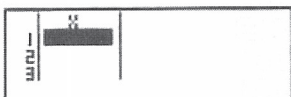



$$5088.272p^2 - 2148.272p + 196 = 0$$

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
	$\left[\text{MODE} \right] \left[5 \right] \left[3 \right]$	<p>- لحل المعادلة من الدرجة الثانية المبيّنة أعلاه استخدم $\left[\text{MODE} \right] \left[5 \right]$ وتحول إلى نظام المعادلات، ومن هناك اختار الخيار رقم $\left[3 \right]$، حل المعادلة من الدرجة الثانية.</p>
	$\left[5 \right] \left[0 \right] \left[8 \right]$ $\left[8 \right] \left[\cdot \right] \left[2 \right]$ $\left[7 \right] \left[2 \right] \left[\text{=} \right]$ $\left[\leftarrow \right] \left[2 \right] \left[1 \right]$ $\left[4 \right] \left[8 \right] \left[\cdot \right]$ $\left[2 \right] \left[7 \right] \left[2 \right]$ $\left[\text{=} \right] \left[1 \right] \left[9 \right]$ $\left[6 \right] \left[\text{=} \right]$	<p>- أدخل معاملات المعادلة من الدرجة الثانية.</p>
	$\left[\text{=} \right]$	<p>- أبدأ الحل بالضغط على $\left[\text{=} \right]$.</p>

$X_2 =$ 0.1333610136		- كالعادة ستحصل على القيمة الثانية لـ X بالضغط على  مرة ثانية.
-----------------------------	---	---

لقد حصلت على الأعداد 0,133 و 0,289 كحدود لفترة الثقة.

١٠-١٠ حساب المتوسط والانحراف المعياري:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
<pre> 1: 1-VAR 2: A+BX 3: 1+CX2 4: ln X 5: A^X 6: A*B^X 7: A*X^B 8: 1/X </pre>	 3	- الآن احضر القائمة لتغيير نظام الحسابات بالضغط على 3 وسيتم التحويل إلى وضع النظام الإحصائي.
		- نظف الشاشة بالضغط على  . - تنظيف الشاشة هو شيء مهم جداً.
<pre> 1: Type 2: Data 3: Edit 4: Sum 5: Var 6: MinMax 7: Distr </pre>	 1	- تحول إلى قائمة الإحصاء بالضغط على  1 .
	2	- ثم باختيار الخيار رقم 2 (البيانات)، أدخل البيانات.
		- الآن أدخل القيم المستقلة لكل شهر. وأكد عليها بالضغط على مفتاح  .

	<p>1 8 =</p> <p>1 5 =</p> <p>1 9 =</p>	
	<p>AC</p>	- ونظف الشاشة بالضغط على AC.
	<p>1:Type 2:Data</p> <p>3>Edit 4:Sum</p> <p>5:Var 6:MinMax</p> <p>7:Distr</p>	- وارجع إلى قائمة الإحصاء بالضغط على (1) SHIFT.
	<p>5</p>	- وبالضغط على الخيار (5) (Var)، اختار النافذة الفرعية لحساب التباين.
قيمة المتوسط	<p>1:n 2:Σ</p> <p>3:Σ(n-1) 4:Σ(n-1)</p>	- الآن يمكنك حساب المتوسط بواسطة \bar{x} .
	<p>2 =</p>	
قيمة الانحراف المعياري	<p>Σ(n-1)</p> <p>3.330301652</p>	- في قائمة الإحصاء، تحصل على الانحراف المعياري بالذهاب للقائمة المنبثقة للتباين واختيار الخيار رقم (4)؛ والتأكيد على ذلك بالضغط على (=).

١٠- ١١ الحساب بفترة الثقة 95%:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أولاً تحول إلى النظام الرياضي بالضغط على .
		- الآن احسب الحد الأدنى في صورة رقم عشري.
- هنا قد حسبت الحد الأدنى لفترة الثقة.		
		- لحساب الحد الأعلى لفترة الثقة يجب عليك فقط تعديل المعادلة الموجودة بالفعل بوضع علامة بدلاً من علامة .

لقد حسبت الحدود لفترة الثقة 95% .

١٠- ١٢ حل نظام المعادلات بالحل الواضح الجلي:

ما يظهر على الشاشة	اضغط على	شرح العملية
		- أحضر القائمة لتغيير نظام الحسابات.

<p>1: $ax+by=c$ 2: $ax+by+cz=d$ 3: $ax^2+bx+c=0$ 4: $ax^3+bx^2+cx+d=0$</p>	<p>5</p>	<p>- ثم تحول إلى نظام المعادلات، واختارها بالضغط على المفتاح 5.</p>
	<p>2</p>	<p>- الآن ولاختيار نظام الحل الواضح لثلاثة معادلات في ثلاث مجاهيل اضغط على الخيار رقم 2.</p>
	<p>1 = 2 = 1 = 2 = 2 = 1 = 2 = 1 = 2 = 2 = 1 = 1 =</p>	<p>- أدخل معاملات المعادلات: [1 2 1 2] [2 1 2 1] [2 2 1 1]</p>
<p>X=</p> <p style="text-align: right;">-1</p>	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحسابات بالضغط على =، وستحصل على قيمة X.</p>
<p>Y=</p> <p style="text-align: right;">1</p>	<p>=</p>	<p>- احصل على الحل لقيمة y بالضغط مرة ثانية على =.</p>
<p>Z=</p> <p style="text-align: right;">1</p>	<p>=</p>	<p>- ولإظهار الحل لقيمة z على الشاشة اضغط على = مرة أخرى.</p>

لقد قمت بحل نظام المعادلات الخطية بثلاثة مجاهيل وكانت النتائج = -1 و 1 و 1 .

١٠- ١٣ حل نظام معادلات لها عدد لا نهائي من الحلول:

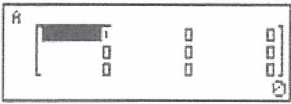
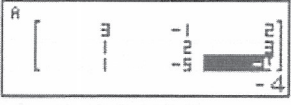
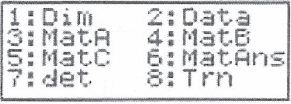

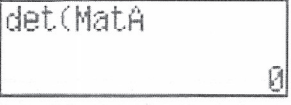
<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------

<pre> 1: COMP 2: CMPLX 3: STAT 4: BASE-N 5: EQN 6: MATRIX 7: TABLE 8: VECTOR </pre>	<p>MODE</p>	<p>- أحرص القائمة لتغيير نظام الحسابات.</p>
<pre> 1: aX+bnY=Cn 2: aX+bnY+CnZ=dn 3: aX²+bX+c=0 4: aX³+bX²+cX+d=0 </pre>	<p>5</p>	<p>- ثم أدخل إلى نظام المعادلات باختيار الخيار رقم 5.</p>
<pre> a b c ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- </pre>	<p>2</p>	<p>- الآن اختار نظام حل ثلاثية معادلات بثلاث مجاهيل بالضغط على الخيار رقم 2.</p>
<pre> b -c d ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- ----- </pre>	<p>3 = (-) 1 = 2 = 7 = 1 = 2 = 3 = 1 4 = 1 = (-) 5 = (-) 4 = (-) 2 1 =</p>	<p>- أدخل معاملات المعادلات: [3 - 1 2 7] [1 2 3 14] [1 - 5 - 4 - 21]</p>
<pre> Math ERROR [AC] : Cancel [◀][▶]: Goto </pre>	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على =.</p>

"*Math* (خطأ رياضي) هنا لقد أدخلت معادلة خطية ليس لها حل واضح. لذلك الآلة الحاسبة ستفرضها ويعطي رسالة "Math ERROR" (خطأ رياضي)."

١٠- ١٤ حساب محددات المصفوفة:

<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------

	<p>MODE 6 1 1</p>	<p>- بالضغط على MODE 6 تحول إلى نظام المصفوفة، ومن هناك حدد المصفوفة A (1) بأبعاد 3×3 (1) واحد.</p>
	<p>3 = (-) 1 = 2 = 1 = 2 = 3 = 1 = (-) 5 = (-) 4 =</p>	<p>- أدخل معاملات المصفوفة.</p>
	<p>AC SHIFT 4</p>	<p>- ثم بالضغط على AC نظف الشاشة، وأحضر قائمة المصفوفة.</p>
	<p>7 SHIFT 4 3</p>	<p>- باختيار الخيار رقم 7، اختر "المحددات" للتعامل مع المحددات ثم المصفوفة A بالضغط على SHIFT 4 3.</p>
	<p>=</p>	<p>- وفي هذه الحالة يمكنك إهمال قفل القوس. - أبدأ الحل بالضغط على =.</p>

لقد قمت بحساب محدد المصفوفة للمعاملات وحصلت على الناتج = 0.

١٠- ١٥ حل معادلات مختلفة:

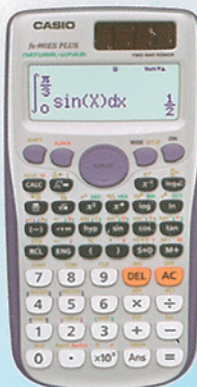
<p>ما يظهر على الشاشة</p>	<p>اضغط على</p>	<p>شرح العملية</p>
---------------------------	-----------------	--------------------

<pre> 1:COMP 2:CMPLX 3:STAT 4:BASE-N 5:EQN 6:MATRIX 7:TABLE 8:VECTOR </pre>	<p>MODE</p>	<p>- أحضر القائمة لتغيير نظام الحسابات.</p>
<pre> 1: aX+bnY=Cn 2: aX+bnY+CnZ=dn 3: aX²+bX+C=0 4: aX³+bX²+cX+d=0 </pre>	<p>5</p>	<p>- ثم أدخل إلى نظام المعادلات باختيار الخيار رقم 5.</p>
<pre> a b c ----- ----- ----- 1 0 0 0 0 2 0 0 0 0 3 0 0 0 0 ----- ----- ----- </pre>	<p>2</p>	<p>- الآن تحول إلى نظام حل المعادلات الأتية بثلاث مجاهيل بالضغط على الخيار رقم 2.</p>
<pre> b c d 1 ----- ----- ----- ----- 1 0 0 0 0 2 0 0 0 0 3 0 0 0 0 ----- ----- ----- ----- </pre>	<p>1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 2 = 2 = 3 = 2 = 1 = 1 = (←) 1 =</p>	<p>- أدخل معاملات المعادلات: [1 1 1 1] [1 2 2 3] [2 1 1 - 1]</p>
<pre> Math ERROR [AC] :Cancel [←][→]:Goto </pre>	<p>=</p>	<p>- ابدأ الحل بالضغط على =.</p>

بهذه الطريقة قد أدخلت معادلة خطية ليس لها حل واضح بيّن. لذلك الآلة الحاسبة ستعرضها وتعرض على الشاشة رسالة "خطأ رياضي".

اختيار حاسبات كاسيو العلمية الذي
لاغنى لفصول الدراسة عنه عالمياً

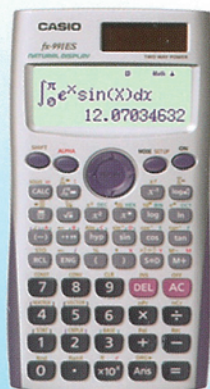
Input Your Future.



وظائف جديدة (موديل fx-991ES PLUS)

- وضع معادلات جديد
- أعداد صحيحة عشوائية
- 417 وظيفة (991ESplus).
- 403 وظيفة (991ES)
- دوال كسرية
- التوافق والتباديل
- احصاءات
- حسابات المعادلات، التكامل والتفاضل.
- المصفوفات، الأعداد المركبة، المتجهات

fx-991ES-PLUS



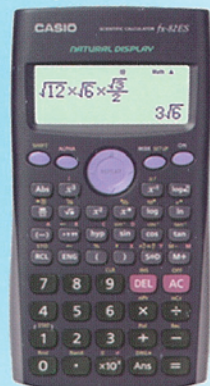
fx-991ES



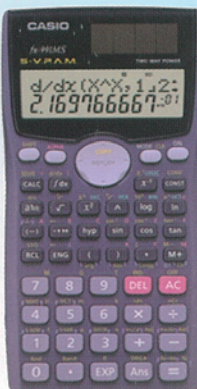
وظائف جديدة موديل (fx-82ES PLUS)

- تحليل الى العوامل الأولية
- أعداد صحيحة عشوائية
- 252 وظيفة (fx-82ES PLUS)
- 249 وظيفة (fx-82ES)
- دوال كسرية
- التوافق والتباديل
- احصاءات

fx-82ES PLUS



fx-82ES

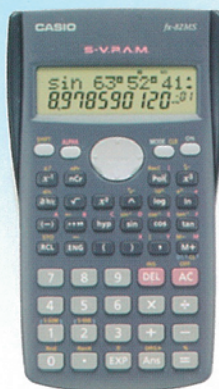


• 401 وظيفة (FX-991MS)

• 240 وظيفة (FX-82MS)

- التوافق والتباديل
- دوال كسرية
- احصاءات
- انحراف معياري
- تحليلات تراجعية

fx-991MS



fx-82MS